

# آمار توصیفی به کمک نرم افزار SPSS

دانشگاه علوم پزشکی جندی شاپور اهواز

تهیه کننده: مریم سید طبیب

با پیشرفت علوم و گسترش تکنولوژی، اهمیت استفاده از روش‌های آماری در علوم مختلف بیش از پیش مورد توجه قرار گرفته است و آموختن آمار کاربردی در هر رشته جزء ملزومات گردیده است. فرآیند آنالیز آماری کمک میکند تا پژوهشگر بتواند از داده‌های اولیه، اطلاعات مورد نیاز خود را استخراج کند و در صورت لزوم نتایج را تعمیم دهد. اگر حجم داده‌ها بزرگ باشد، استفاده از روش‌های مختلف آنالیز آماری بسیار خسته کننده و مشکل خواهد بود. امروزه انواع نرم افزارهای مختلف آماری موجود، قادرند انواع آنالیزهای آماری را انجام دهند.

نرم افزار **SPSS** یکی از قدیمی ترین، برنامه‌های کاربردی در زمینه تجزیه و تحلیلهای آماری است؛ نرم افزاری آماری با قابلیتهای انجام توصیفی زیبا و گویا از اطلاعات، شامل رسم نمودارها و چارت‌های گوناگون و محاسبات مربوط به میانگین، انحراف معیار واریانس، میانه و غیره.

کلمه **SPSS** مخفف **Statistical package for social science** (نرم افزار آماری برای علوم اجتماعی) می‌باشد. این نرم افزار که یکی از نرم افزارهای تخصصی آمار است، بیشتر به بحث‌های آماری در حیطه علوم اجتماعی، روانشناسی و علوم رفتاری و ... می‌پردازد.

قابلیت‌های نرم افزار **SPSS** به شرح زیر است:

- تهیه خلاصه‌های آماری مانند گراف‌ها، جداول، آماره‌ها و ...
- انواع توابع ریاضی مانند قدر مطلق، تابع علامت، لگاریتم، توابع مثلثاتی و ...
- تهیه انواع جداول سفارشی مانند جداول فراوانی، فراوانی تجمعی، درصد فراوانی و ...
- انواع توزیع‌های آماری شامل توزیع‌های گسسته و پیوسته
- تهیه انواع طرح‌های آماری
- انجام آنالیز واریانس یکطرفه، دوطرفه، چندطرفه و آنالیز کوواریانس
- تکنیک‌های تجزیه و تحلیل سری‌های زمانی
- ایجاد داده‌های تصادفی و پیوسته
- محاسبه انواع آماره‌های توصیفی
- انواع آزمون‌های مرتبط با مقایسه میانگین بین دو یا چند جامعه مستقل و وابسته
- قابلیت مبادله اطلاعات با نرم افزارهای دیگر
- برآش انواع مختلف رگرسیون

آمار علم و عمل توسعه دانش انسانی از طریق استفاده از داده های تجربی است. آمار مطالعه لذت بخشی است در باب این موضوع که چگونه می توان جهان ناشناخته ای را با گشودن چند دریجه به روی آن توصیف کرد . با پرداختن به آمار لذت فکر کردن به یک شیوه کاملاً جدید را کشف خواهیم کرد.

زمانی به استفاده از علم آمار رو می آوریم که:

- (۱) بخواهیم داده ها را به صورت یک مجموعه، خلاصه کرده و توصیف نماییم.
- (۲) بخواهیم اطمینان دهیم که در شرایطی که یک پژوهه دقیقاً به همان شکل تکرار شود، همان یافته ها بدست خواهد آمد.

اهداف اصلی آمار عبارتند از:

- (۱) انجام استنباط درباره جامعه از طریق تجزیه و تحلیل اطلاعات موجود در داده های نمونه ای.
- (۲) سنجش میزان عدم حتمیتی که در این استنباط ها وجود دارد. علمی که برای رسیدن به هدف های فوق اهمیت دارد، عبارتست از طرح ریزی فرآیند و دامنه نمونه گیری به طور یکه مشاهدات مبنایی برای استخراج استنباط های معتبر تشکیل دهند.

انتخاب یک آزمون آماری :

انتخاب یک آزمون آماری وابسته به موارد زیر است:

- (۱) پرسش پژوهش
- (۲) نقشه یا طرح پژوهش
- (۳) نوع داده های جمع آوری شده

برای انجام یک آزمون آماری با مفاهیم بسیاری روبه رو هستیم. در زیر به بیان تعدادی از این مفاهیم پرداخته و در ادامه چند آزمون آماری متدالو را مورد بررسی قرار می دهیم.

یک مفهوم مهم در این رابطه نمونه (Sample) می باشد. یک نمونه مجموعه ای از مشاهدات ( که اغلب به شکل تصادفی انتخاب می شوند) است که می تواند در یک مجموعه مرجع یا جامعه (Population) از مشاهدات احتمالی انجام شود. در قیاس یا قرعه کشی، می توان یک جامعه را مانند اعداد فرض کرد که در گردونه قرار دارند و در این حالت اعدادی که انتخاب می شوند به عنوان نمونه در نظر گرفت. نمونه های گرفته شده از یک جامعه ثابت، می توانند از حیث ویژگیهای بسیار متفاوت باشند. بنابراین یک نمونه تصادفی الزاماً نماینده واقعی از جامعه مرجع نیست و ممکن است ویژگیهای بسیار متفاوتی ( مانند میانگین و انحراف معیار) از آن داشته باشد. مقادیر مربوط به ویژگیهای یک نمونه (میانگین، انحراف معیار و غیره ) را آماره (Statistics) و ویژگیهای معادل آنها در جامعه اصلی را پارامتر (Parameters) می نامند. در تحقیقات ، ما همیشه به دنبال ویژگیهای جامعه اصلی (پارامترها) و نه ویژگیهای نمونه (آماره) هستیم.

### استنباط آماری :

استنباط آماری که در واقع یک نوع نتیجه گیری کلی از جزء به کل است، در معرض آزمایش و خطاست. یک جنبه از استنباط آماری محاسبه برآوردهایی (Estimates) از پارامترهای جامعه مانند میانگین جامعه از طریق آمارهای نمونه ها مانند میانگین نمونه است.

### فرضیه (hypothesis) :

فرضیه آماری نقطه آغاز آزمون فرض است. فرضیه آماری یک بیان مقداری در باره پارامترهای جامعه است و اصولاً بدون داشتن فرضیه آماری امکان انجام یک آزمون دشوار است. فرضیه آماری به دو دسته فرض صفر ( $H_0$ ) و فرض خلاف ( $H_1$ ) بیان می شود . اغلب فرضیه بیانگر این مطلب است که یک ارتباط علیتی بین دو متغیر وجود دارد به شکلی که میزان یکی (متغیر مستقل یا Independent) تا حدودی تعیین کننده دیگری متغیر وابسته یا (Dependent) است.

**متغیر (Variable) :** ویژگی یا خاصیت یک فرد، شئ و یا موقعیت است که شامل یک سری از مقادیر با دسته بندیهای متناسب است. قد، وزن، گروه خونی و جنس نمونه هایی از متغیر هستند.

### أنواع متغير:

متغیرهای کمی مانند قد، وزن یا سن درجه بندی می شوند و به همین دلیل قابل اندازه گیری می باشند. متغیرهای کیفی مانند جنس، گروه خونی یا ملیت فقط دارای نوع هستند و قابل بیان با استفاده از واحد خاصی نیستند.

### واریانس (variance) :

به میزان پراکندگی یک مجموعه از داده ها حول میانگین آن داده ها ، واریانس می گویند. بیان علمی تر از این واژه واریانس؛ گستردگی توزیع احتمال و فاصله متغیر تصادفی از مقدار میانگین می باشد.

**داده (data) :** داده عبارتست از نمایش ذخیره شده اشیاء فیزیکی ، چیزهای مجرد، بوده ها (وقایعیات ) ، رویدادها یا موجودیهای دیگر قابل مشاهده که در تصمیم سازی بکار می آید .

### أنواع داده :

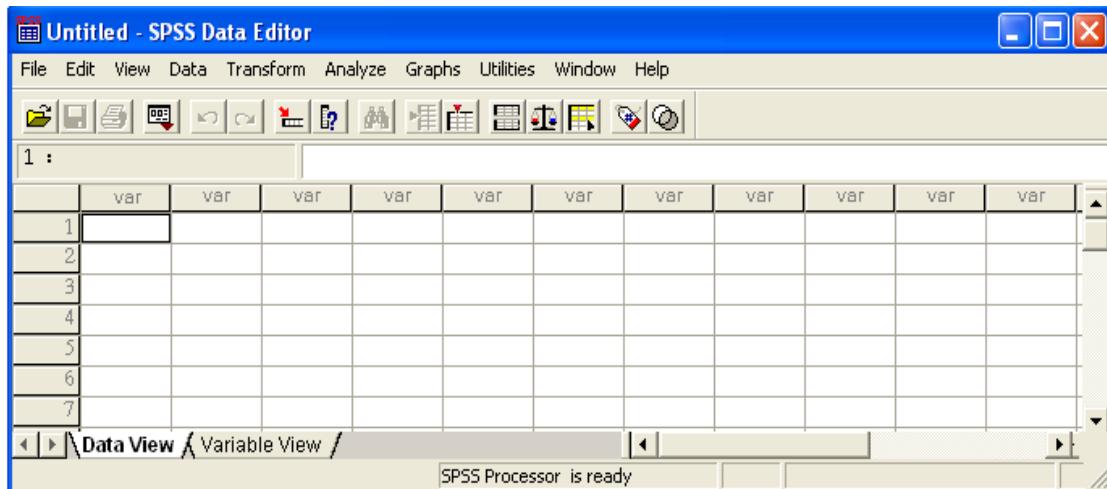
۱) داده های کمی (فاصله ای) Interval اعدادی هستند که بیانگر کمیت به صورت واحدهای عددی و بر اساس یک مقیاس مستقل است. قد و وزن مثالهای بارز داده های کمی هستند.

۲) داده های رتبه ای Ordinal مشتمل بر رتبه ها، تعلق داشتن به گروههای رتبه بندی شده یا اطلاعات ترتیبی است. به عنوان مثال اگر دو داور به یک مجموعه ۱۰ تایی از نقاشی رتبه یک (برای بهترین) تا رتبه ۱۰ (برای بدترین) بدهند. مجموعه داده ها مشتمل بر ۱۰ جفت رتبه خواهد بود. که هر جفت برای یک نقاشی است.

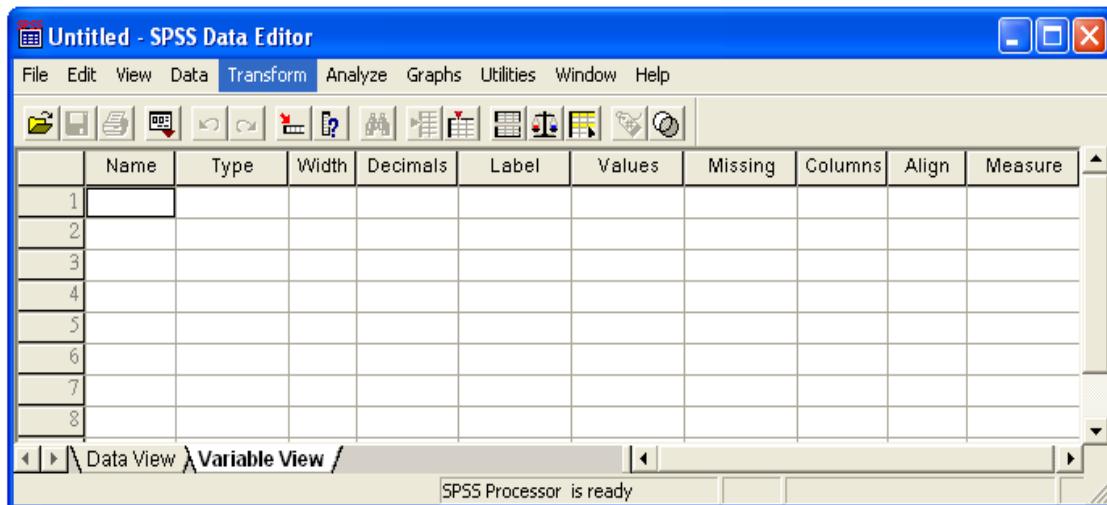
۳) داده های اسمی (nomial) که مربوط به متغیر یا خواص کیفی مانند جنس یا گروه خونی است و بیانگر عضویت در یک گروه خاص می باشد.

وقتی برنامه SPSS را باز می کنیم پنجره ای به نام **Untitled- SPSS Editor** (ویرایشگر - بدون نام) نشان داده می شود که شامل دو پنجره مختلف به نامهای زیر می باشد:

(نمای داده) : برای وارد کردن داده ها و در زیر ستونهای معرفی شده استفاده می شود.



(نمای متغیر): برای تعریف کردن متغیرها استفاده می شود.



در حالت کلی، روش معمول این است که ابتدا با استفاده از پنجره **Variable view** متغیرها را تعریف کرده و سپس با استفاده از پنجره **Data view** اعداد را به SPSS وارد کنیم. توضیحات را با ذکر یک مثال ارائه می دهیم.

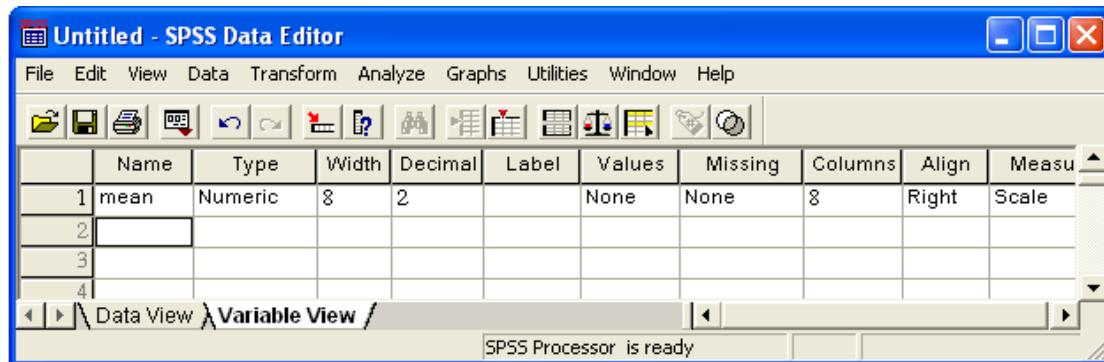
**مثال:** معدل دیپلم(كمی) و نوع دیپلم(کیفی) ۱۵ نفر از دانشجویان سال اول دانشگاه در چند رشته مختلف دانشگاهی به صورت زیر می باشد. به منظور استفاده از این اطلاعات در تجزیه و تحلیلهای اطلاعات (داده ها) را به صورت زیر به نرم افزار وارد می کنیم.

دیپلم	1	2	2	2	3	1	1	3	3	3	2	2	1	1	2
معدل	17	16.5	18.30	17.89	15.64	17.30	14	16.70	17.80	16	18.89	17.99	17.60	18	19

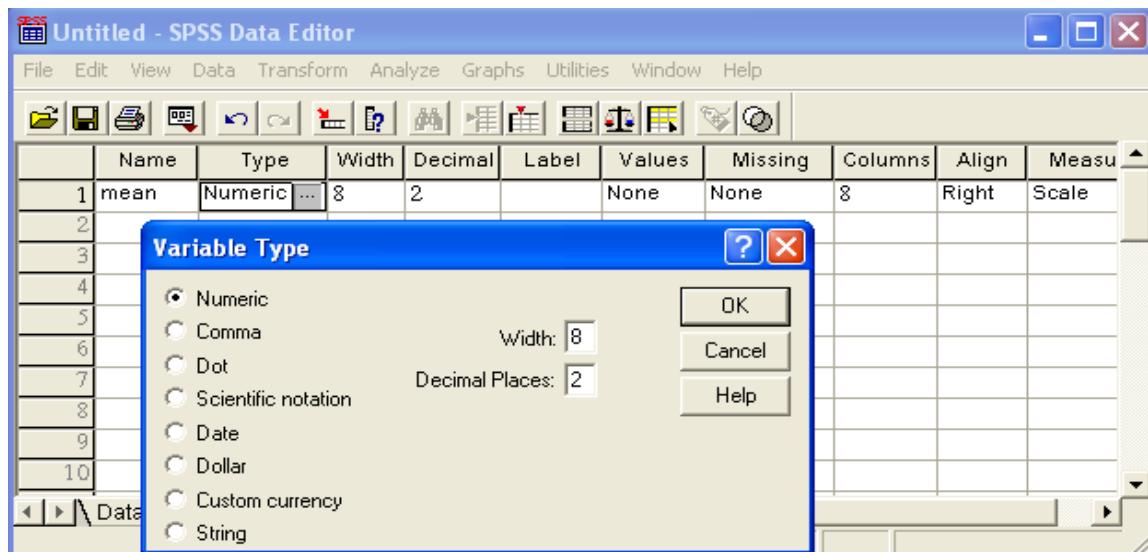
کد ۱ = دیپلم ریاضی      کد ۲ = دیپلم تجربی      کد ۳ = دیپلم انسانی

برای این کار بعد از وارد شدن به نرم افزار SPSS به صورت زیر عمل می کنیم:

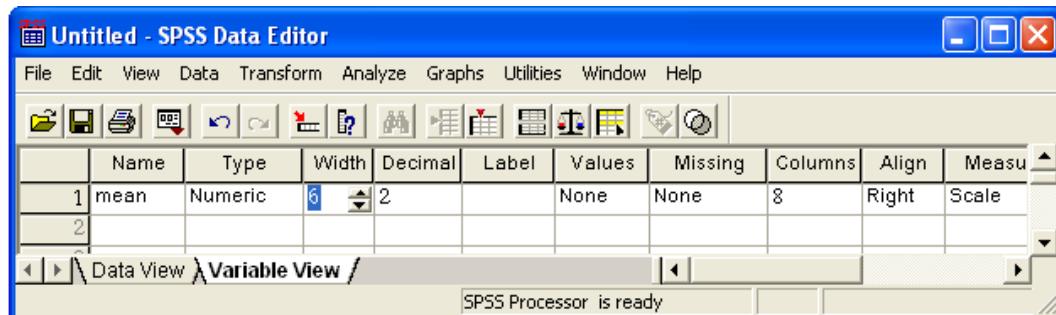
❖ در ستون **Name** باید نامی برای متغیر انتخاب می کنیم (در اینجا داده های مربوط به معدل دانشجویان) بعد از وارد کردن نام، سایر ستونها با پیش فرضهایی که نرم افزار طراحی کرده است به صورت زیر نمایش داده می شوند که ما می توانیم به دلخواه و با توجه به نوع داده، تغییراتی در ستونها ایجاد کنیم.



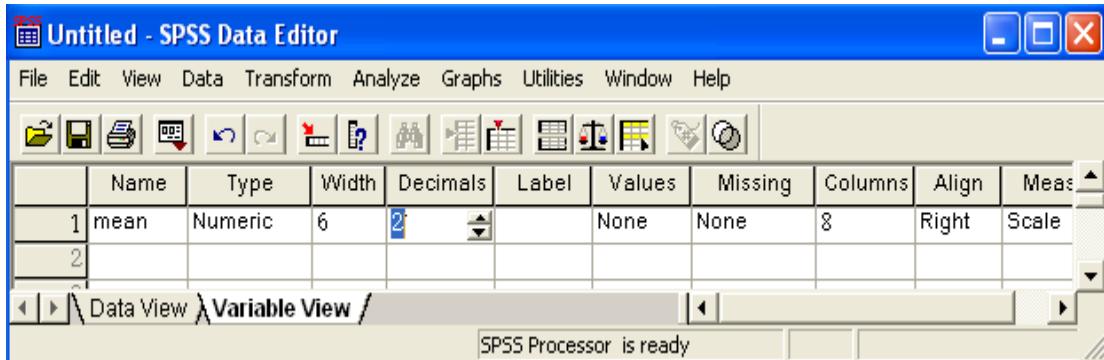
❖ در مرحله بعد، در ستون **Type** نوع متغیر را تعیین می کنیم. در این ستون روی مربع کوچک خاکستری رنگ کلیک کرده تا پنجره **Variable Type** باز شود. و از بین گزینه ها نوع داده مناسب را برای متغیر مورد نظر تعیین می کنیم. با توجه به اینکه معدل دانشجویان عددی می باشد همان گزینه **Numeric** (داده عددی) را بدون تغییر باقی می گذاریم.



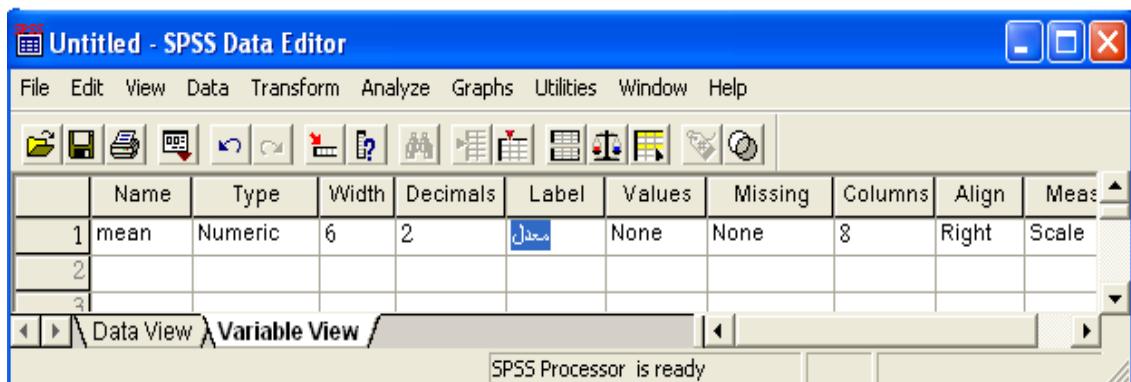
❖ از ستون بعدی **Width** برای تغییر دادن پهنانی متغیر استفاده می شود. با کلیک روی ستون، دو پیکان کوچک بالا و پایین نشان داده می شود که می توانیم با بالا و پایین کردن، پهنانی مورد نظر را تغییر دهیم.



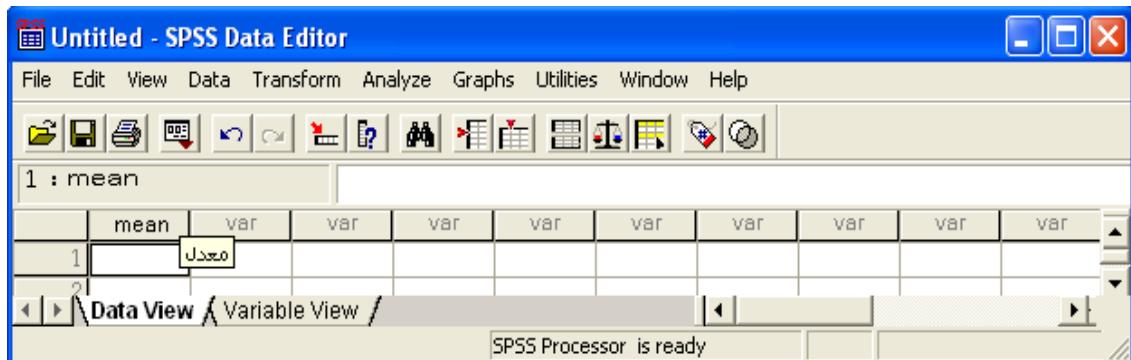
❖ از ستون Decimals برای تعیین تعداد ارقام اعشار داده های مورد نظر استفاده می شود. مانند روش قبل روی ستون کلیک کرده و تعداد ارقام اعشار را تعیین می کنیم. برای این داده ها با توجه به اینکه معدل یک فرد می تواند به طور مثال ۱۸،۲۵ باشد به همین دلیل ستون مورد نظر را به همان صورت پیش فرض نگه می داریم. به این معنی که در ستون معدل در پنجره (Data View) اعداد مربوط به معدل دانشجویان دو رقم اعشار نشان داده می شوند.



❖ در ستون Label می توان برای متغیر مورد نظر یک برجسب انتخاب کرد. برای این کار در ستون عنوان مورد نظر را تایپ می کنیم.

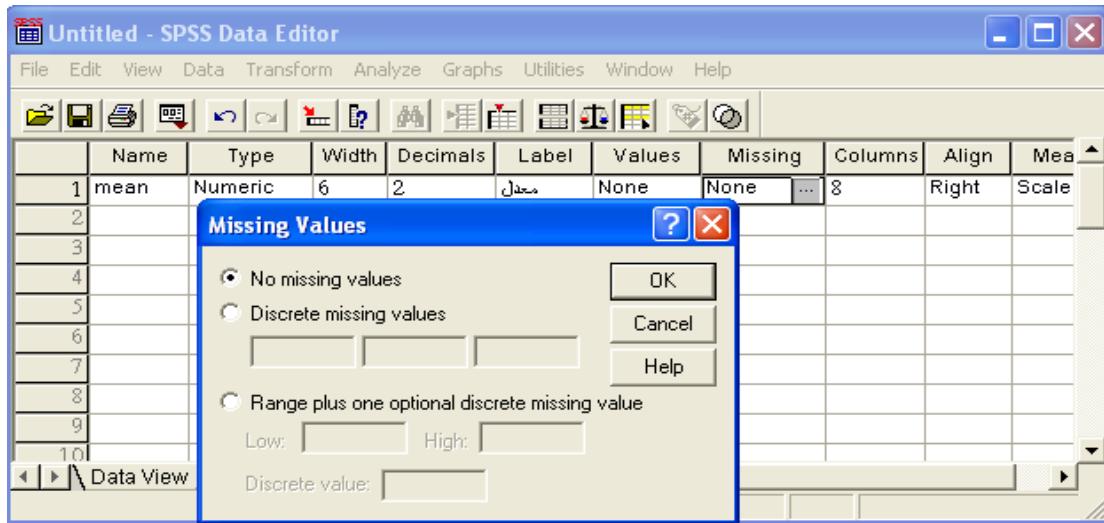


با این کار وقتی در پنجره Data view ، ماوس را روی عنوان Mean نگه داریم عنوان تایپ شده در Label مشاهده می شود.



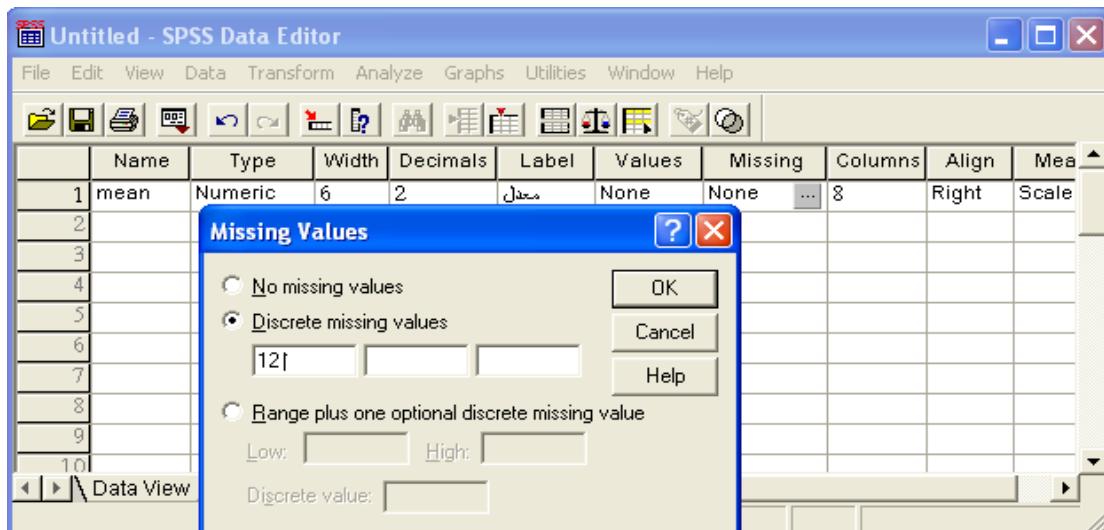
❖ ستون Values برای متغیرهای گروه بندی مورد استفاده قرار می گیرد. چون معدل دیپلم دانشجویان متغیر گروه بندی نمی باشد، اطلاعاتی در این قسمت اضافه نمی کنیم.

❖ ستون بعدی (Missing) مربوط به داده های گمشده می باشد. در این قسمت با کلیک بر روی ستون مورد نظر پنجره Missing Values باز می شود.

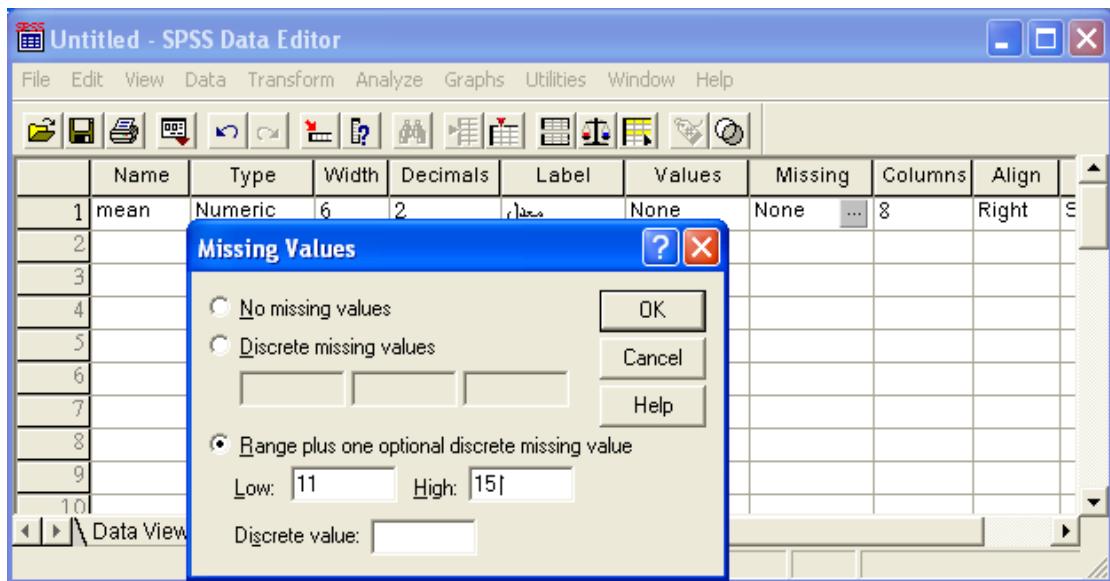


زمانی که در بین اطلاعات جمع آوری شده داده گمشده ای وجود نداشته باشد پیش فرض **No missing values** به همان حالت خود باقی می ماند. اما اگر داده گمشده وجود داشته باشد، برای مشخص کردن آن باید گزینه **Discrete missing values** را فعال کرد و شماره سطر مربوط به داده مورد نظر را در مستطیلهای زیر وارد کرد. به طور مثال اگر معدل یکی از ۱۵ دانشجو در دسترس نباشد، به صورت زیر عمل می کنیم:

اگر عدد، مربوط به خانه شماره ۱۲ که بیان کننده معدل دانشجوی دوازدهم است، باشد و به بیان دیگر داده گمشده باشد باید شماره ۱۲ را به صورت زیر در مربع موردنظر وارد کرد. به همین ترتیب اگر داده گمشده دیگری داشتیم، شماره های آنها را در مستطیلهای بعدی وارد می کنیم. (برای حداکثر ۳ داده گمشده در مستطیلهای بالایی)

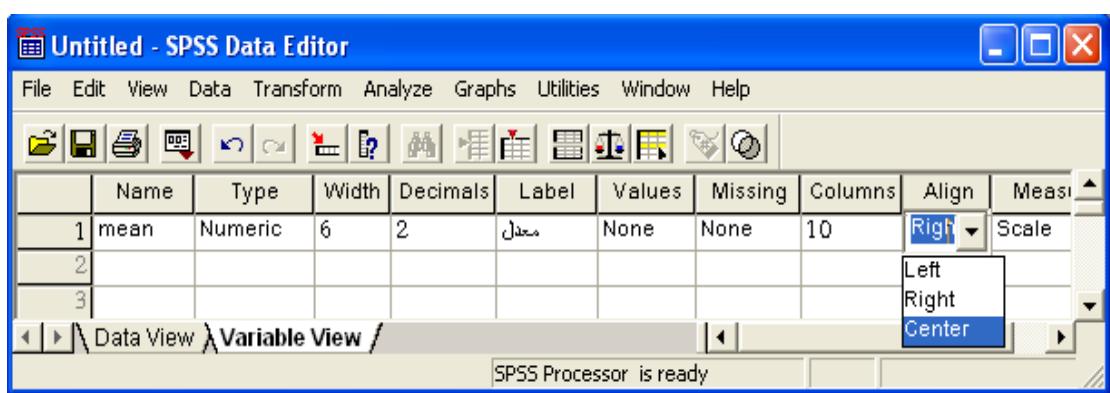


اگر تعداد بیشتری داده گمشده وجود داشته باشد، داده ها را به ترتیب کوچک یا بزرگی تنظیم می کنیم، سپس با فعال کردن قسمت **Range plus one optional discrete missing value** در مستطیلهای پایینی شماره های داده گمشده را مشخص می کنیم. (از شماره .... تا شماره....) که به طور مثال در زیر نشان داده شده است.



و اگر داده های گمشده به صورتی بودند که یک سری از آنها پشت سر هم و یکی از آنها جدا بود، شماره داده گمشده جدا را در قسمت **Discrete value** اضافه می کنیم. اما در این مثال چون داده گمشده ای وجود ندارد ستون **Missing** بدون تغییر باقی می ماند.

- ❖ ستون بعدی **Columns** مربوط به تغییر دادن پنهانی ستون در پنجره **Data view** می باشد؛ که به مانند ستون **Decimals** می توان تغییراتی در آن ایجاد کرد.
- ❖ تراز کردن داده ها در ستون **Align** قابل انجام شدن می باشد.



داده ها به طور پیش فرض در پنجره **Data view** راست چین هستند ولی زمانی پیش می آید که می خواهیم داده ها چپ چین و یا وسط چین باشند. برای این کار ابتدا مکان نمای ماوس را روی ستون **Align** قرار داده و گزینه مورد نظر را انتخاب می کنیم.

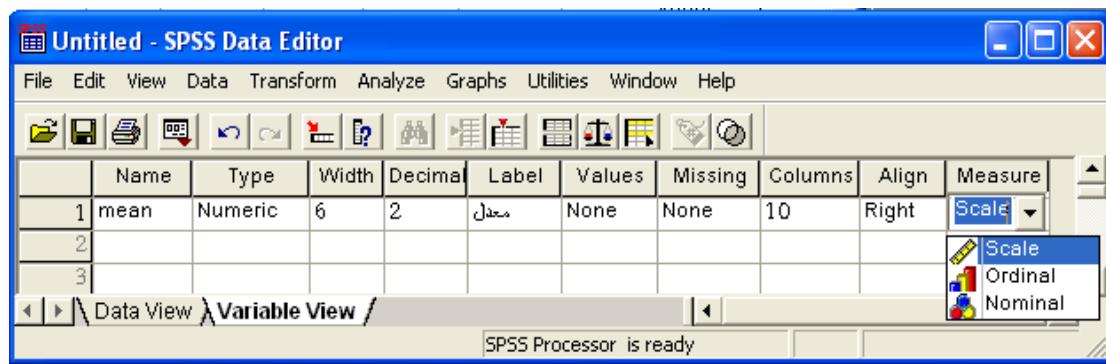
- ❖ آخرین ستون مورد بررسی در پنجره **Variable view** مربوط به ستون مقیاس اندازه گیری متغیرها می باشد. که شامل سه نوع زیر است:

**Scale** = داده های فاصله ای و نسبتی

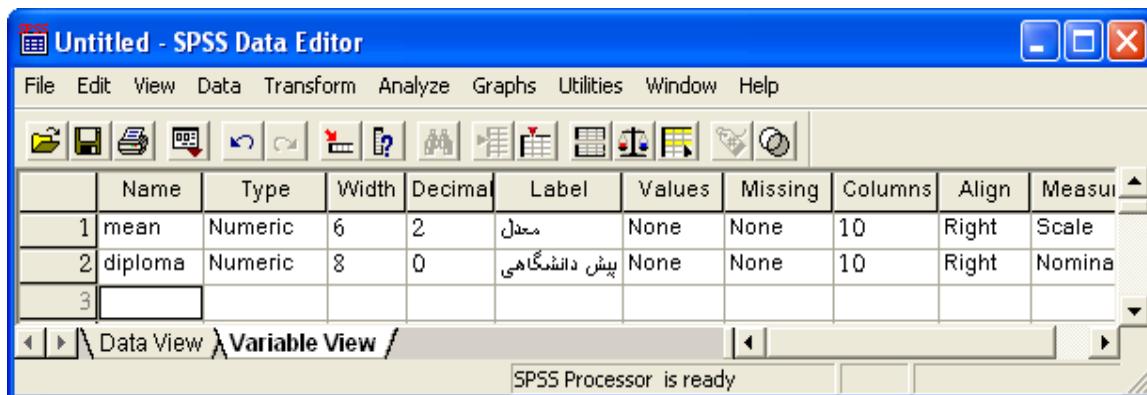
**Ordinal** = داده های رتبه ای

**Nominal** = داده های اسمی

داده های مربوط به معدل دانشجویان از نوع **Scale** می باشد.

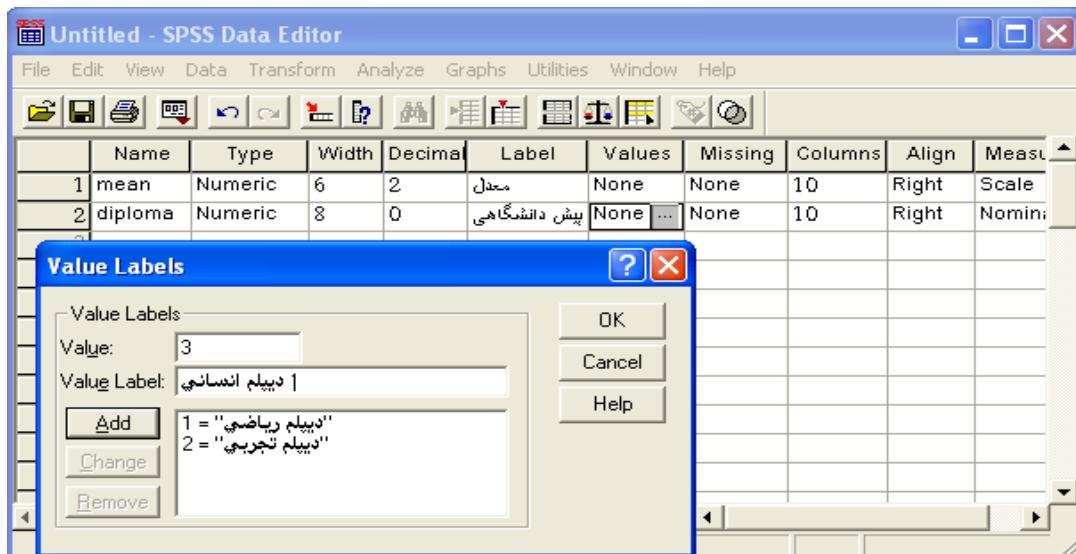


به همین ترتیب متغیر نوع دیپلم را در پنجره **Variable view** تعریف کرده و متناسب با نوع داده، ستونهای مختلف را تنظیم می کنیم.



با توجه به اینکه نوع دیپلم داده اسمی می باشد، در این قسمت می توانیم در ستون **Values** هر کدام از کدهای دیپلم را با یک برجسب نشان داد.

مانند روش زیر در سطر مربوط به **Values** ابتدا داده مورد استفاده در پنجره **Data view** را وارد کرده، سپس در سطر مربوط به **Value label** اسم مورد نظر را تایپ کرده و سپس روی گزینه **Add** کلیک می کنیم. بعد از وارد کردن اطلاعات روی گزینه **Ok** کلیک می کنیم. این کار باعث می شود که در خروجیهای ما به طور مثال به جای نمایش کد ۱ معادل آن یعنی دیپلم ریاضی مشاهده می شود.



سپس در پنجره **Data view** اعداد را به صورت زیر وارد می نماییم.

	mean	diploma	var	var	var	var	var
1	17.00	1					
2	16.50	2					
3	18.30	2					
4	17.89	2					
5	15.64	3					
6	17.30	1					
7	14.00	1					
8	16.70	3					
9	17.80	3					
10	16.00	3					
11	18.89	2					
12	17.99	2					
13	17.60	1					
14	18.00	1					
15	19.00	2					
16							

استفاده از آزمونهای آماری آزمایشاتی که دارای دو گروه مقایسه هستند را می توانیم بوسیله آزمون  $t$  (T Test) مورد تجزیه و تحلیل قرار دهیم (جزوه شماره ۱). اما اگر آزمایشی شامل بیش از دو گروه باشد باید بین هر دو گروه از آنها با استفاده از آزمون  $t$  تعداد زیادی مقایسات دو گانه صورت گیرد که این امر علاوه بر افزایش تعداد مقایسات، امکان اینکه اختلاف بین تیمار به طور تصادفی (معنی دار) باشد را نیز افزایش می دهد.

## ☒ روشهای تحلیل آماری داده را میتوان به دو گروه تقسیم کرد:

### روشهای اکتشافی و روشهای تائیدی.

در روشهای اکتشافی (آمار توصیفی)، از محاسبات ساده و نمودارهای آسان برای خلاصه کردن داده استفاده میشود تا آنچه در داده نهان است آشکار شود.

در روشهای تائیدی (آمار استنباطی)، با بکار گیری مفاهیمی از نظریه احتمال سعی می کنیم برای سوال های معینی پاسخ هایی بیابیم. نظریه احتمال در تصمیم گیری ها نقش مهمی دارد، زیرا شیوه هایی برای اندازه گیری، بیان و تحلیل عدم حتمیتهای وابسته به وقایع آینده ارائه میکند.

در این جزو سعی بر این داریم که بخش آمار توصیفی را به کمک نرم افزار SPSS مورد بررسی قرار دهیم.

## ☒ داده ها اغلب به صورت انبوهی از اعداد ارائه می شوند و به خودی خود خام هستند. برای آنکه بتوان آنها را پخته کرد و حقایق را درباره آنها جویا شد باید:

الف: آنها را در جدولهایی تنظیم کرد.(جدول فراوانی)

ب: از روی جدولها نمودارهایی رسم نمود.(نمودار آماری)

ج: آنها را در یک یا چند عدد خلاصه کرد.(شاخص آماری)

### جداول آماری

توصیف داده ها :

توزیع فراوانی تعدادی از داده ها عبارت است از:

جدول مرتب شده مقادیر آن دادهها که تکرار وقوع هر داده در آن مشخص شده است؛ به عبارت ساده تر توزیع فراوانی جدولی خلاصه شده از داده های جمع آوری شده جامعه آماری است. برای بررسی و تجزیه و تحلیل داده ها، ابتدا آنها را طبقه بندی کرده و در یک جدول تنظیم می کنیم. این نوع جداول را جدولهای آماری گویند.

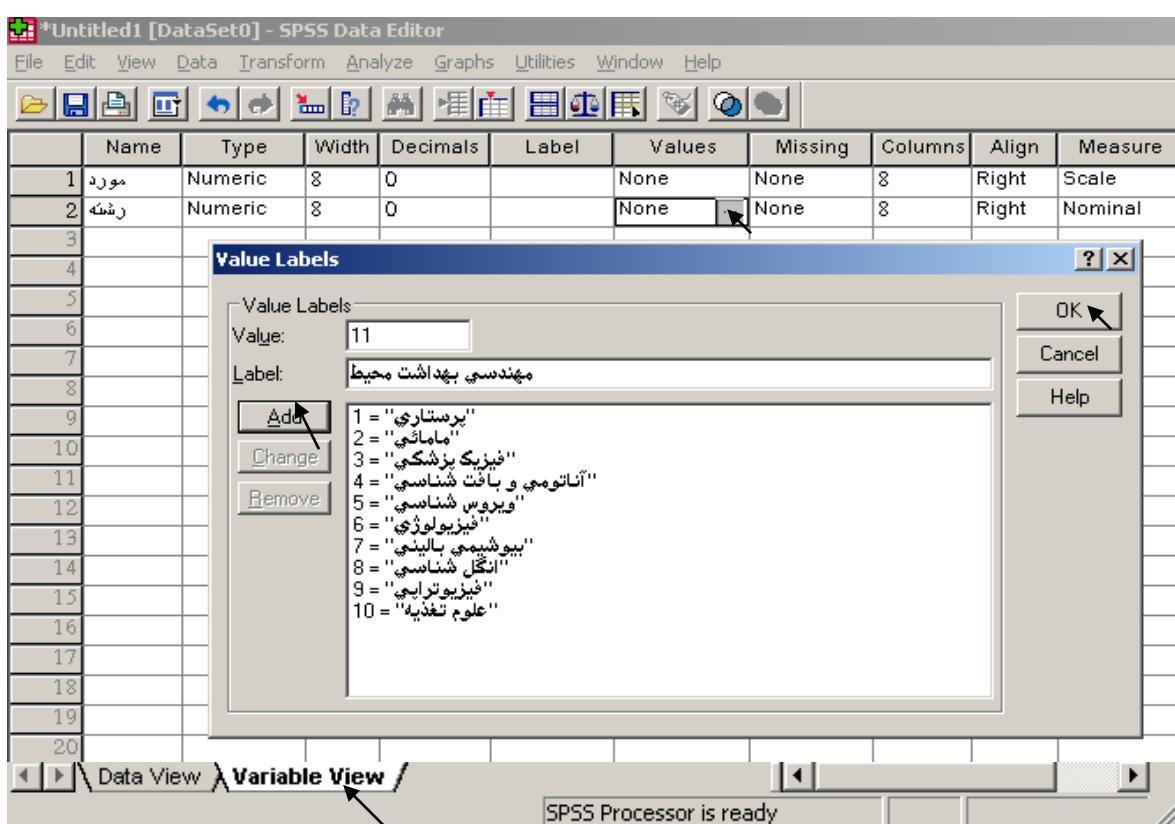
متداولترین جداول آماری، جدول های توزیع فراوانی (*Frequencies*) هستند.

مثال ۱- داده های وارد شده در نرم افزار SPSS مربوط به رشته تحصیلی ۵۱ نفر از دانشجویان ورودی کارشناسی ارشد دانشگاه علوم پزشکی اهواز می باشد که هر رشته با یک کد بیان شده است. جدول فراوانی مربوط به تعداد دانشجویان و رشته های آنها را تشکیل دهد.

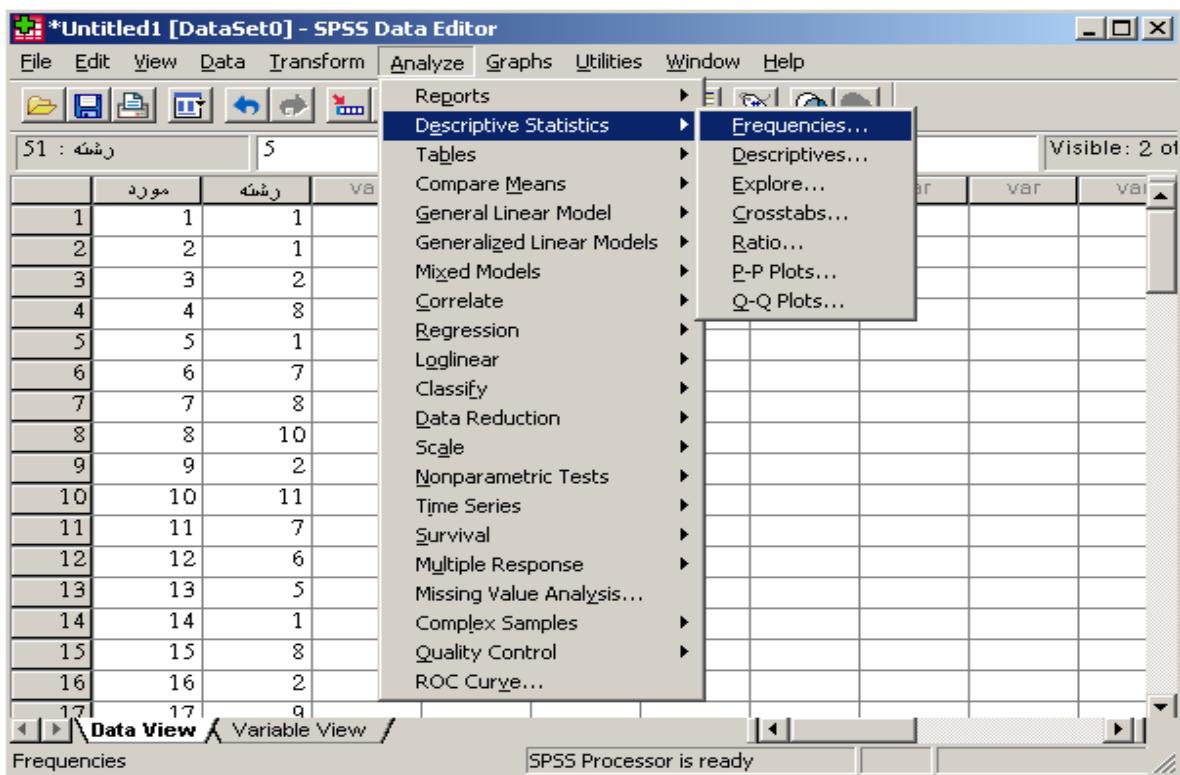
برای ورود اطلاعات در نرم افزار ابتدا در قسمت Variable View دو متغیر یکی به نام مورد و دیگری به نام رشته تحصیلی تعریف می کنیم و در سطر مربوط به متغیر رشته بر روی گزینه Values کلیک کرده تا پنجره مورد نظر باز شود و برای هر کدام از کدهای مربوط، رشته مورد نظر را تعریف می کنیم.

- |                  |              |               |                        |                       |             |
|------------------|--------------|---------------|------------------------|-----------------------|-------------|
| ۱-پرستاری        | ۲-مامائی     | ۳-فیزیک پزشکی | ۴-آناتومی و بافت شناسی | ۵-ویروس شناسی         | ۶-فیزیولوژی |
| ۷-بیوشیمی بالینی | ۸-انگل شناسی | ۹-فیزیوتراپی  | ۱۰-علوم تغذیه          | ۱۱-مهندسی بهداشت محیط |             |

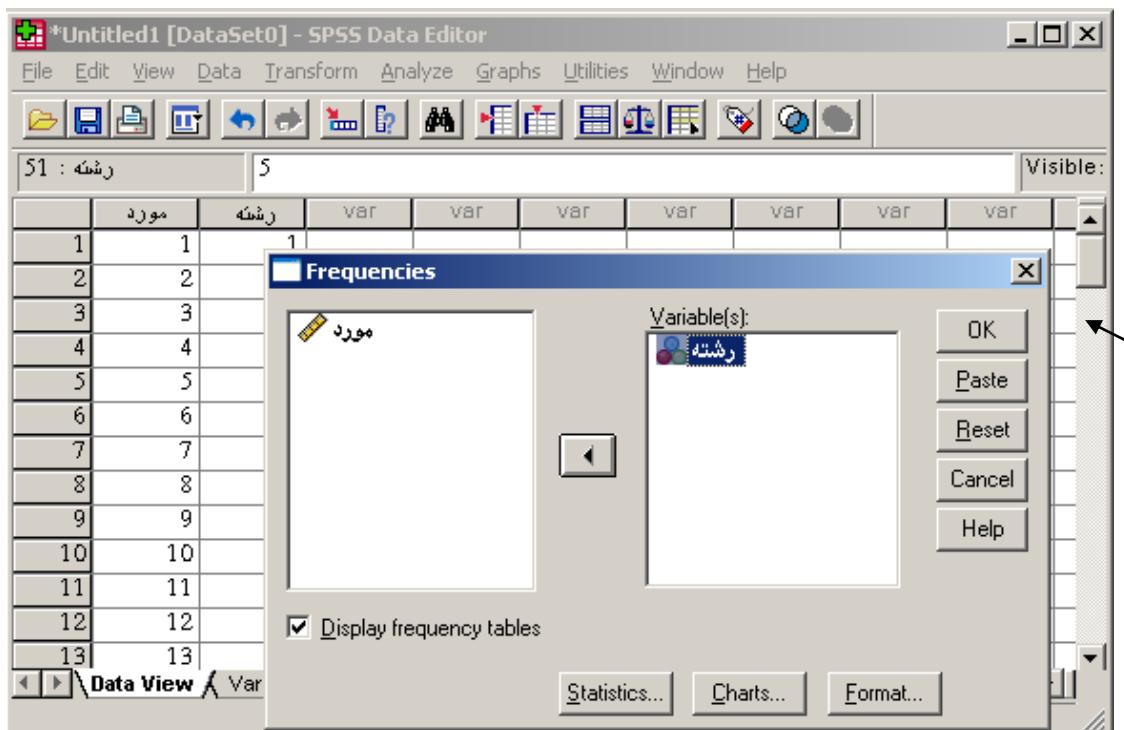
داده های مربوط به مثالهای مطرح شده در این جزو در ۱۵ SPSS وارد شده است.



با کلیک کردن بر روی گزینه Add، رشته مهندسی بهداشت به جمع بقیه رشته ها افزوده می شود و در ادامه بر روی گزینه Ok کلیک کرده تا در خروجی نرم افزار به جای کدها، اسم رشته ها جایگزین شود. سپس در قسمت DataView داده های خود را وارد می کنیم.



51 : رشته										Visible: 2 of 10
	51 : رشته	رشته	var							
1	1	1								
2	2	1								
3	3	2								
4	4	8								
5	5	1								
6	6	7								
7	7	8								
8	8	10								
9	9	2								
10	10	11								
11	11	7								
12	12	6								
13	13	5								
14	14	1								
15	15	8								
16	16	2								
17	17	9								



بعد از انتقال متغیر رشته از پنجره سمت چپ به پنجره سمت راست و کلیک کردن بر روی کلمه Ok خروجی زیر

### Statistics

رشته

N	Valid	51
	Missing	0

رشته

	Frequency	Percent	فراء	فراء تجمعی
			درصد	
Valid	پرستاری	8	15,7	15,7
	مامانی	8	15,7	31,4
	فیزیک پزشکی	4	7,8	39,2
	آذاتومی و بافت شناسی	4	7,8	47,1
	ویروس شناسی	3	5,9	52,9
	فیزیولوژی	4	7,8	60,8
	بیوشیمی بالینی	4	7,8	68,6
	انگل شناسی	4	7,8	76,5
	فیزیوتراپی	4	7,8	84,3
	علوم تغذیه	4	7,8	92,2
	مهندسی بهداشت محیط	4	7,8	100,0
Total		100,0	100,0	
جمع کل				

حاصل می شود.

اگر اسمی رشته ها برای کدهای ۱ تا ۱۱ تعریف نشود در خروجی به جای اسم رشته، کد آن آورده می شود. لازم به ذکر است که اعداد وارد شده در ستون رشته تحصیلی صرفاً به صورت کد می باشند و ارزش عددی ندارند. به طور کل وقتی داده های ما از نوع کیفی (اسمی یا رتبه ای) می باشند از این نوع جدول برای تفسیر داده استفاده می کنیم.

## شاخصهای آماری

هنگامی که داده ها را به صورت خام و یا به صورت توزیع فراوانی نشان دادیم، نمی توان یک عقیده کلی درباره آنها ارائه نمود. لذا نیاز به خصوصیات و شاخصهایی است که نماینده کل داده ها باشند.

بنابراین ضروری است که هر توزیع را بوسیله چند شاخص محدود که آنها را پارامترهای جامعه می نامیم، معین کنیم.

به هر ویژگی جامعه پارامتر می گویند.

☒ پارامتر کمیتی است که از اطلاعات مورد مطالعه در جامعه مورد بررسی بدست می آید و با در دست داشتن آن می توان خصوصیات جامعه را مشخص نمود.

### پارامترهای جامعه را به چهار گروه تقسیم می کنند:

۱- گروه اول پارامترهای وضعیتی هستند که به طور خلاصه حد متوسط یا میانگین نامیده می شوند، از این پارامترها برای پی بردن به مرکز توزیع استفاده می شود.

۲- گروه دوم پارامترهای مشخص کننده پراکندگی هستند که مشخص کننده نوع پراکندگی و توزیع صفت در جامعه می باشند و آنها را شاخصهای معرف پراکندگی می نامند و از آنها برای پی بردن به پراکندگی توزیع استفاده می شود.

۳- پارامترهای مشخص کننده چولگی که اندازه توزیع ها را در مقایسه با توزیع نرمال مشخص می نماید، این پارامترها نشان می دهند که مشاهدات جامعه به کدام سو تمایل دارند.

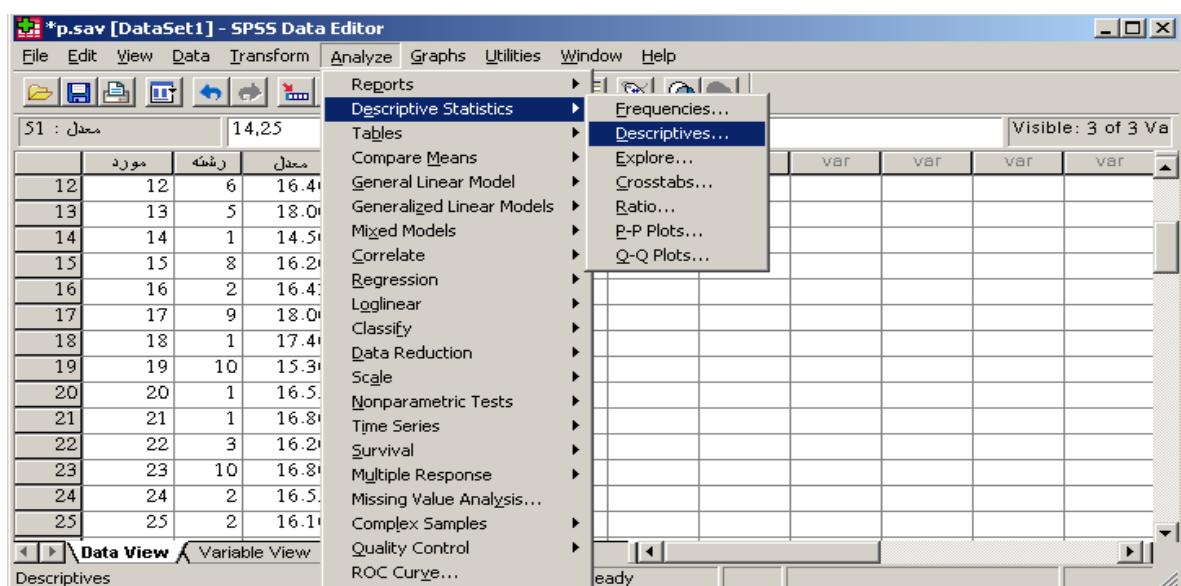
۴- گروه چهارم از پارامترهای مشخص کننده توزیع، ضریب کشیدگی است که بلندی توزیعها را در مقایسه با توزیع نرمال معین می کند.

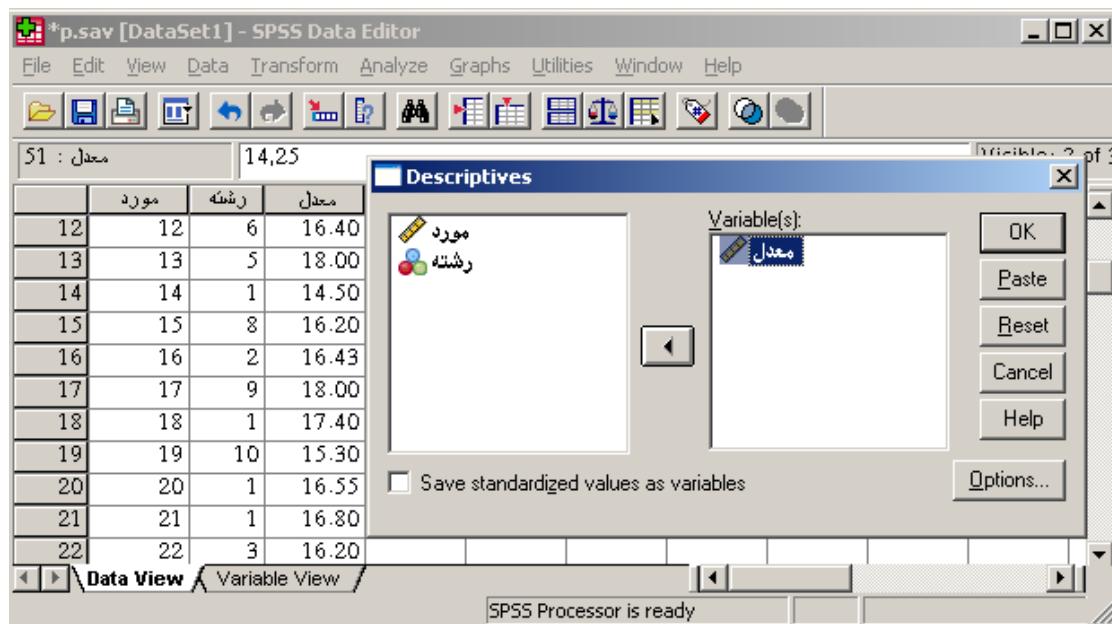
مثال ۲- به عنوان مثالی دیگر اگر در کنار رشته قبولی این ۵۱ دانشجو معدل دوره کارشناسی آنها نیز ذکر شده باشد. حال برای توصیف داده های خود مراحل زیر را انجام می دهیم. به مانند قبل در پنجره Variable View متغیر معدل را تعریف می کنیم. با توجه به اینکه معدل یک متغیر کمی و از نوع پیوسته می باشد در قسمت مقیاس از مقیاس Scale که خود به صورت پیش فرض تعریف شده است استفاده می کنیم. برای تفسیر داده های پیوسته از شاخص های دیگری استفاده می کنیم که مهمترین آنها شاخصهای مرکزی (میانگین، میانه و ....) و شاخصهای پراکنده (واریانس، انحراف استاندارد ....) می باشند. در این قسمت می خواهیم بدون در نظر گرفت رشته تحصیلی به طور کلی اطلاعاتی درباره متغیر معدل ۵۱ دانشجو بدست آوریم.

**داده های استفاده شده در مثالها، صرفاً به عنوان نمونه می باشند و مستند نمی باشند.**

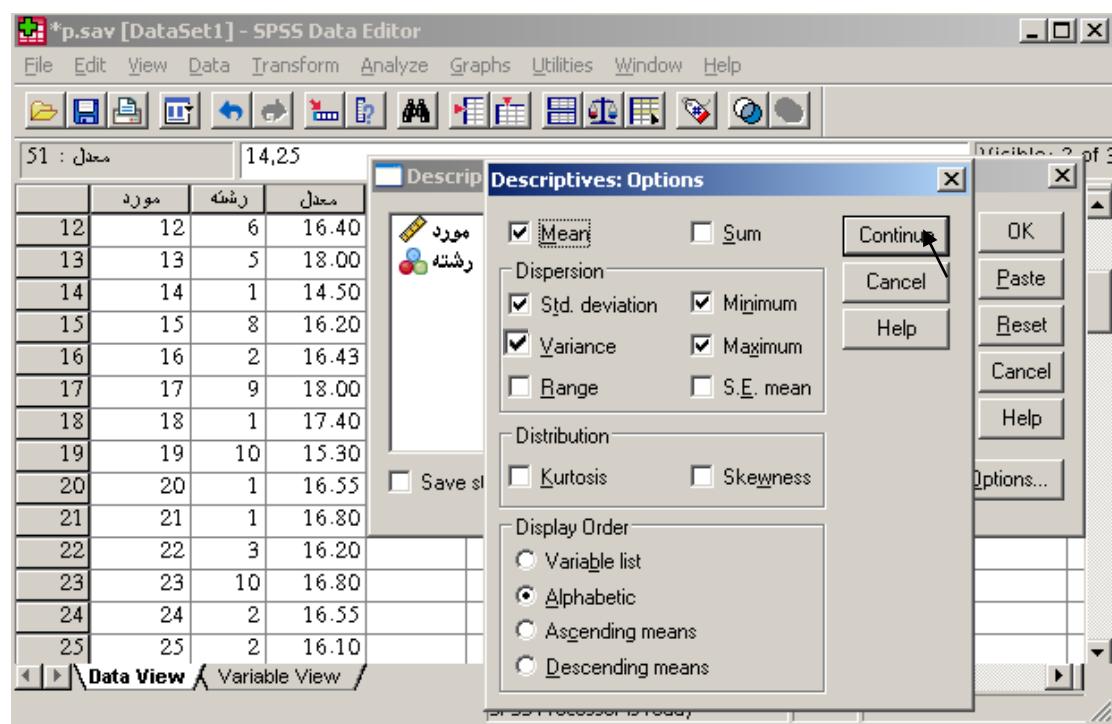
مورد	ردیف	رشته	معدل	var	var	var	var	var	var
1	1	1	17.45						
2	2	1	17.60						
3	3	2	16.30						
4	4	8	15.50						
5	5	1	15.36						
6	6	7	14.00						
7	7	8	16.00						
8	8	10	17.12						
9	9	2	17.20						
10	10	11	17.10						
11	11	7	15.00						

سپس برای توصیف داده های خود مراحل زیر را در نرم افزار Spss انجام می دهیم.





قبل از اینکه بر روی گزینه Ok کلیک کرده و در پنجره مورد نظر اطلاعاتی را که در مورد داده ها مورد نیاز بوده، مشخص می کنیم.



در ادامه بر روی گزینه Continue و بعد از آن بر روی گزینه Ok کلیک کرده تا خروجی مورد نظر ظاهر شود.

		Mean	Std. Deviation	Variance
	N	Minimum	Maximum	Mean
معدل	51	14.00	18.20	16.3622
Valid N (listwise)	51			1.08786
				1,183

مثال ۳- داده های پیش رو مربوط به میزان استرس (نمره استرس) ۹۰ نفر از دانشجویان در سه مقطع کارشناسی، کارشناسی ارشد و دکتری می باشند. می خواهیم آماره های توصیفی میزان استرس (عددی که برای میزان استرس هر فرد بیان می شود در اصل نمره ایست که فرد محقق از مجموعه ای پرسشها برای هر فرد بدست می آورد) را برای سه گروه به تفکیک بدست آوریم. با توجه به اینکه داده های از نوع کمی می باشند مانند قبل سعی می کنیم از برخی شاخصها، برای توصیف داده ها استفاده کنیم.

در مثال ۲ همانگونه که مشاهده شد، بدون در نظر گرفتن رشته قبولی میانگین را برای معدل تمامی دانشجویان محاسبه کردیم. در این قسمت می خواهیم میانگین و شاخصهای دیگر متغیر استرس را برای هر مقطع بطور جداگانه بدست آوریم.

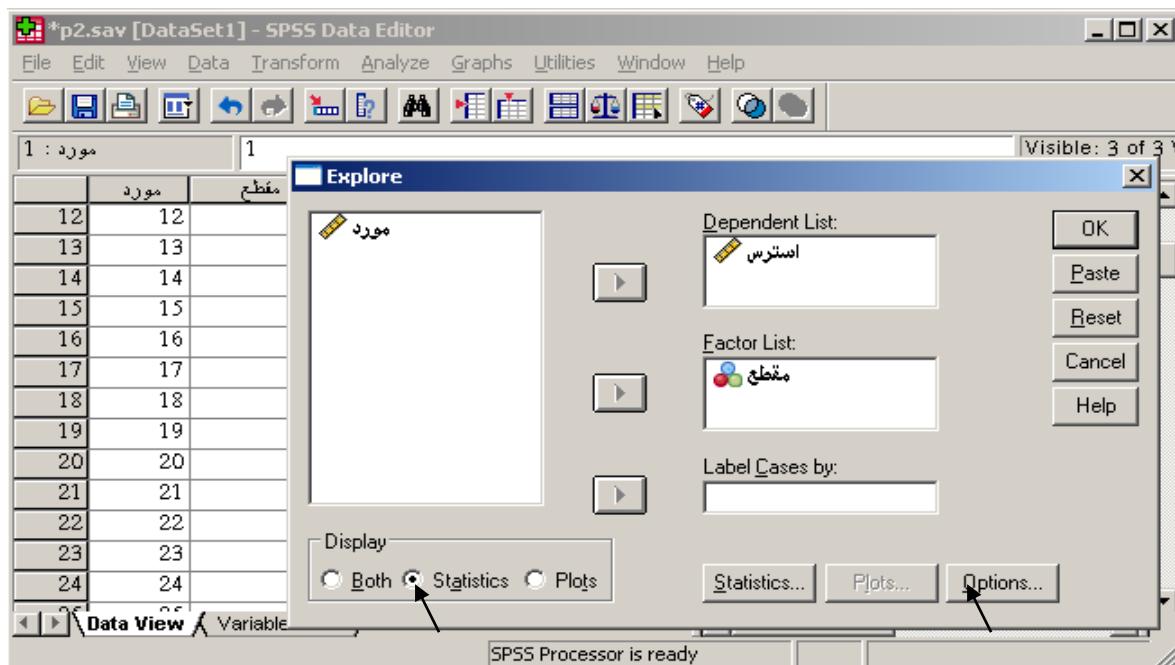
برای این کار در پنجره Variable View سه متغیر (موردن، مقطع تحصیلی و نمره استرس) دانشجویان را تعریف می کنیم. در قسمت مربوط به Measure برای متغیر مقطع تحصیلی مقیاس Nominal و برای متغیر استرس از مقیاس Scale استفاده می کنیم. تعداد فراوانی دانشجویان هر مقطع می تواند یکسان یا با هم متفاوت باشند.

۱- کارشناسی (۴۰ نفر) ۲- کارشناسی ارشد (۳۰ نفر) ۳- دکتری (۲۰ نفر)

	Name	Type	Width	Decimals	Label	Values	Missing	Columns	Align	Measure
1	مورد	Numeric	8	0		None	None	7	Right	Scale
2	مقطع	Numeric	8	0	کارشناسی	[1, 2, 3] ...	None	8	Right	Nominal
3	استرس	Numeric	8	0		None	None	8	Right	Scale

سپس داده های مورد نظر را در پنجره Data View وارد نموده و به صورت زیر عمل می کنیم.

مورد :	۱	۱	۲۹
۱	۱	۱	۲۹
۲	۲	۱	۱۵
۳	۳	۱	۱۰
۴	۴	۱	۲۳
۵	۵	۱	۸
۶	۶	۱	۱۵
۷	۷	۱	۵
۸	۸	۱	۲۴
۹	۹	۱	۹
۱۰	۱۰	۱	۲۹
۱۱	۱۱	۱	۱۵
۱۲	۱۲	۱	۱۶
۱۳	۱۳	۱	۱۶
۱۴	۱۴	۱	۱۷
۱۵	۱۵	۱	۳۱



بعد از اینکه دو متغیر استرس و مقطع را از پنجره سمت چپ به پنجره های سمت راست منتقل کردیم، در قسمت گزینه Statistics را فعال می کنیم و سپس بر روی گزینه Ok کلیک کرده تا خروجی مورد نظر بدست آید.

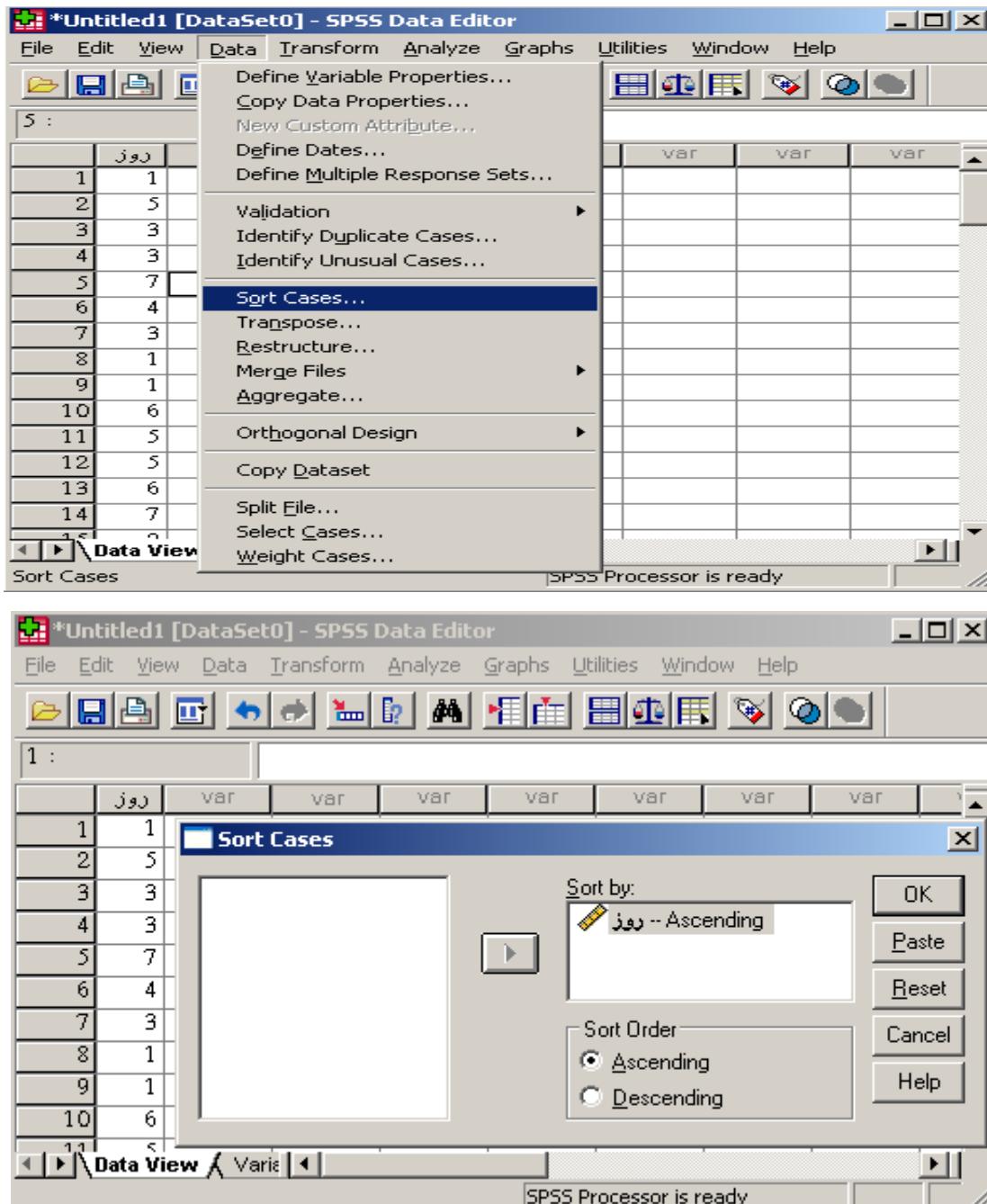
### Descriptives

مقطع		Statistic	Std. Error
کارشناسی استرس	Mean	15.25	1.082
	Median	15.00	
	Variance	46.808	
	Std. Deviation	6.842	
	Minimum	3	
	Maximum	31	
	Range	28	
	Skewness	.594	.374
	Kurtosis	.173	.733
کارشناسی ارشد	Mean	15.67	1.169
	Median	15.00	
	Variance	40.989	
	Std. Deviation	6.402	
	Minimum	4	
	Maximum	30	
	Range	26	
	Skewness	.436	.427
	Kurtosis	-.037	.833
دکتری	Mean	15.90	1.294
	Median	15.50	
	Variance	33.463	
	Std. Deviation	5.785	
	Minimum	3	
	Maximum	26	
	Range	23	
	Skewness	-.411	.512
	Kurtosis	-.179	.992

## ❖ مرتب کردن داده ها از کوچک به بزرگ یا بر عکس (Sort Cases)

هنگامی که تصمیم داشته باشیم داده های وارد شده برای یک متغیر را در پنجره Data View به ترتیب صعودی یا نزولی مرتب کنیم باید مراحل زیر را انجام دهیم.

مثال ۴- تعداد روزهای عدم حضور ۵۰ دانشجو در کلاس های درس در یک ترم تحصیلی به صورت زیر داده شده است. مانند روشهای قبل متغیر روز را در قسمت Variable View تعریف می کنیم و داده های مورد نظر را در پنجره Data View وارد می کنیم. سپس برای تنظیم داده ها طریق زیر را انجام می دهیم.



بعد از انتقال متغیر روز از پنجره سمت چپ به پنجره سمت راست قبل از اینکه بر روی گزینه Ok کلیک کنیم، می توانیم تصمیم گیری کنیم که می خواهیم داده ها را به صورت صعودی(Ascending) یا

نژولی(Descending) مرتب کنیم. اگر چند متغیر داشته باشیم با Sort کردن یکی از متغیرها، سایر متغیرها نیز متناسب با آن تغییر می کنند.

### ❖ کدگذاری کردن داده ها (Recode into Different or Same Variables)

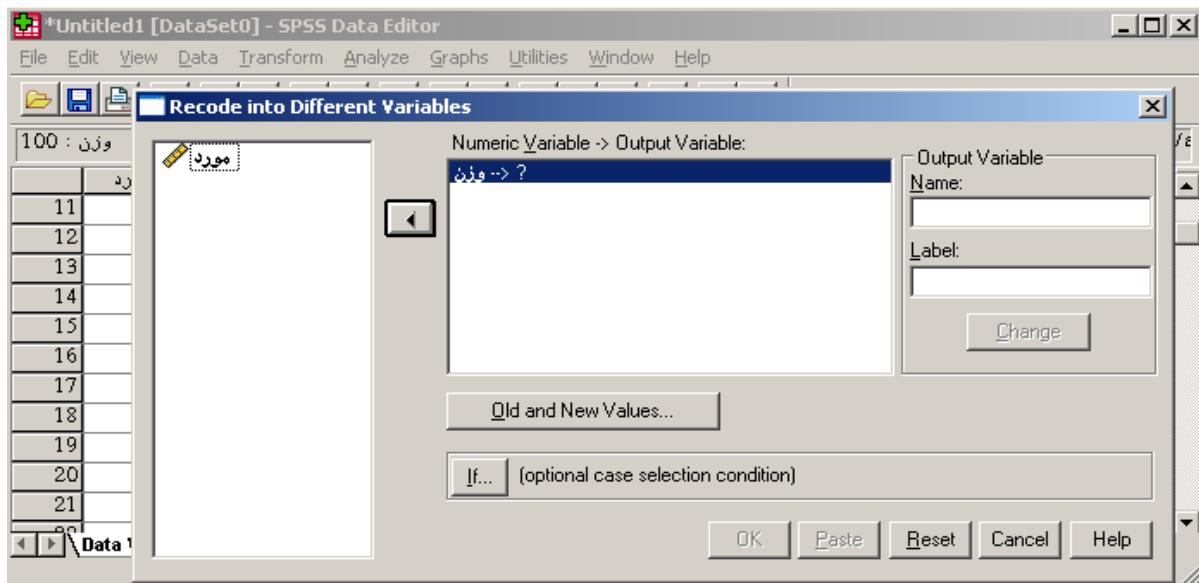
گاهی وقتها به دلیل حجم زیاد داده تصمیم به دسته بندی آنها می گیریم. همچنین ممکن است تصمیم داشته باشیم بعضی از داده های خود را با تعدادی داده دیگر عوض کنیم. برای این منظور از Recode کردن داده استفاده می شود.

مثال ۵- به عنوان نمونه ای برای حالت اول، فرض کنیم که داده های درون پنجره Data View مربوط به وزن ۱۰۰ دانش آموز سوم راهنمایی می باشد. می خواهیم این دانش آموزان را به سه دسته لاغر، متوسط و چاق دسته بندی کنیم تا به طور مثال بتوانیم نموداری یا جدولی برای فراوانیهای هر گروه داشته باشیم. برای این منظور محدوده وزن برای هر گروه را مشخص می کنیم و به صورت زیر عمل می کنیم.

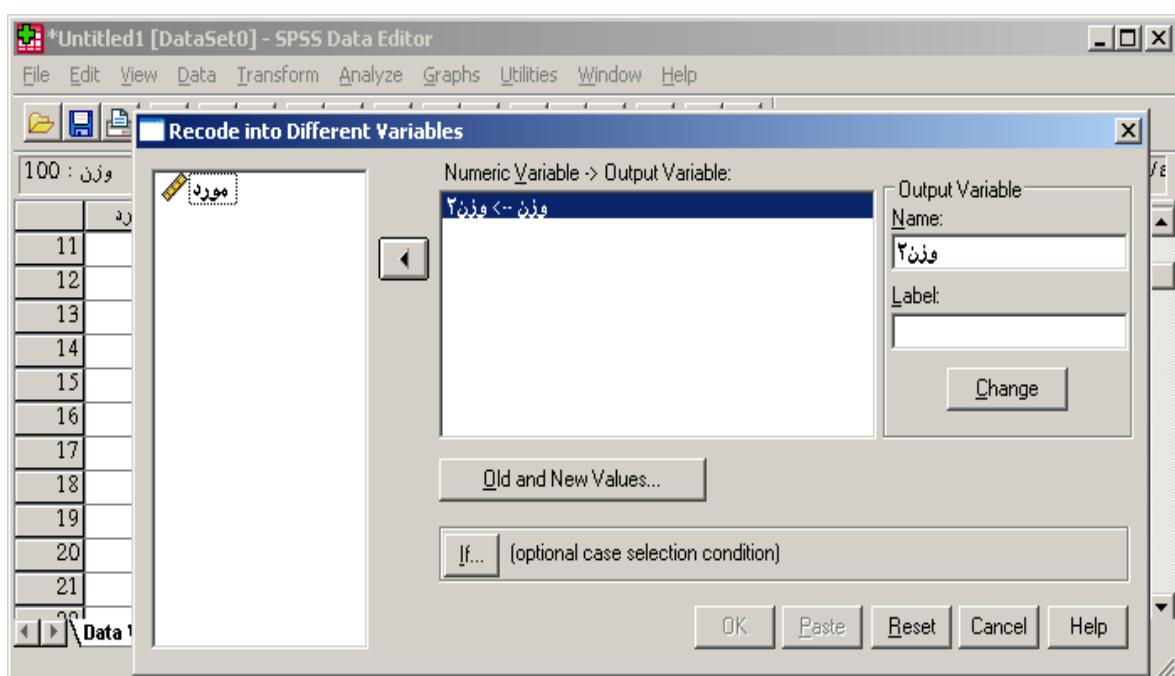
به مانند قبل متغیر وزن را در قسمت Variable View تعریف می کنیم و داده های مورد نظر را در پنجره Data View وارد می کنیم

مورد	وزن	وزن	var	var	var	var	var	var
1	1	50,00	کیلوگرم					
2	2	52,00						
3	3	43,00						
4	4	47,00						
5	5	40,00						
6	6	51,00						
7	7	45,00						
8	8	48,00						
9	9	49,00						
10	10	35,00						
11	11	33,00						

اگر به جای Recode into Same Variables از گزینه بالای آن یعنی Recode into Different Variables استفاده کنیم داده های جدید را در همان ستون متغیر اصلی جایگزین می کند و این کار باعث می شود که داده های اصلی ما حذف شوند. برای اینکه داده های اصلی را نیز داشته باشیم گزینه پایینی را انتخاب می کنیم تا نرم افزار داده های جدید را در ستون جدیدی که خودمان نامگذاری می کنیم قرار دهد.

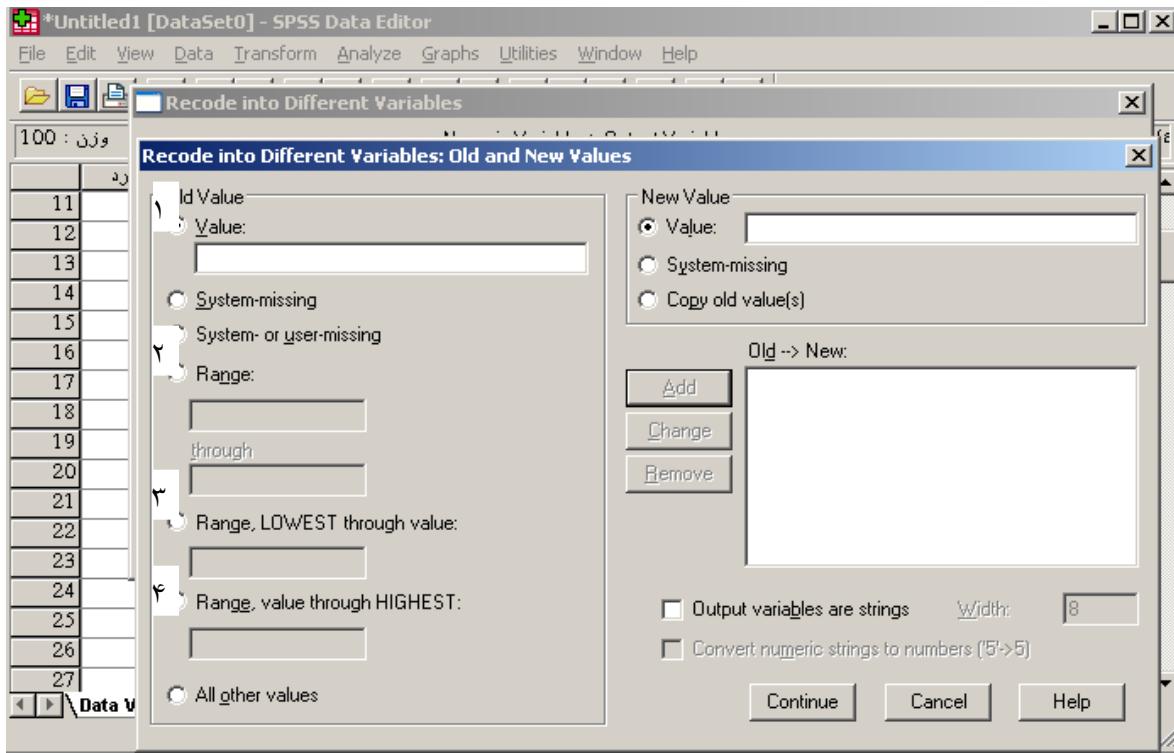


متغیر وزن را از پنجره سمت چپ به پنجره سمت راست منتقل می کنیم. رو بروی کلمه وزن علامت سوال دیده می شود که در اصل از ما سوال می کند که چه نامی را برای ستون جدیدی که داده های کدگذاری شده در آن قرار می گیرد انتخاب می کنیم. نام دلخواه خود را در گوشۀ سمت راست Output Variable در مستطیل Name قرار می دهیم. سپس گزینه Change فعال می شود و با کلیک بر روی گزینه Change نام وزن را به نام دلخواه خود برای ستون جدید تغییر می دهیم. در این مثال نام وزن را به وزن ۲ تغییر می دهیم که در پنجره این تغییر



نمایان شده است.

در مرحله بعد برای انجام کد گذاری بر روی گزینه Old and New Values کلیک کرده تا پنجره مورد نظر باز شود.



پنجره مورد نظر شامل دو قسمت New Value و Old Value می باشد.

اگر بخواهیم داده خود را با یک عدد جدید جایگزین کنیم در سمت چپ (۱) در مستطیل Value عدد مورد نظر را وارد کرده و در سمت راست در مستطیل Value عددی را که قرار است جایگزین شود وارد می کنیم. سپس سه گزینه Add, Change و Remove فعال می شوند و با انتخاب گزینه Add تغییر خود را در پنجره

Old → New

ثبت می کنیم.

اگر بخواهیم برای فاصله ای از داده ها، عدد خاصی را تعریف کنیم در قسمت چپ بر روی گزینه Range (۲) کلیک کرده سپس دامنه مورد نظر خود را به بیان دیگر مرز پایین و بالای فاصله خود را مشخص می کنیم و مجدد سمت راست در مستطیل Value عددی را که قرار است جایگزین شود وارد می کنیم و Add می کنیم.

اگر فاصله اعدادی که می خواهیم تعریف کنیم یک طرفه باشد برای مقادیر کمتر از (<) از گزینه (۳) و برای مقادیر بیشتر از (>) از گزینه (۴) استفاده می کنیم.

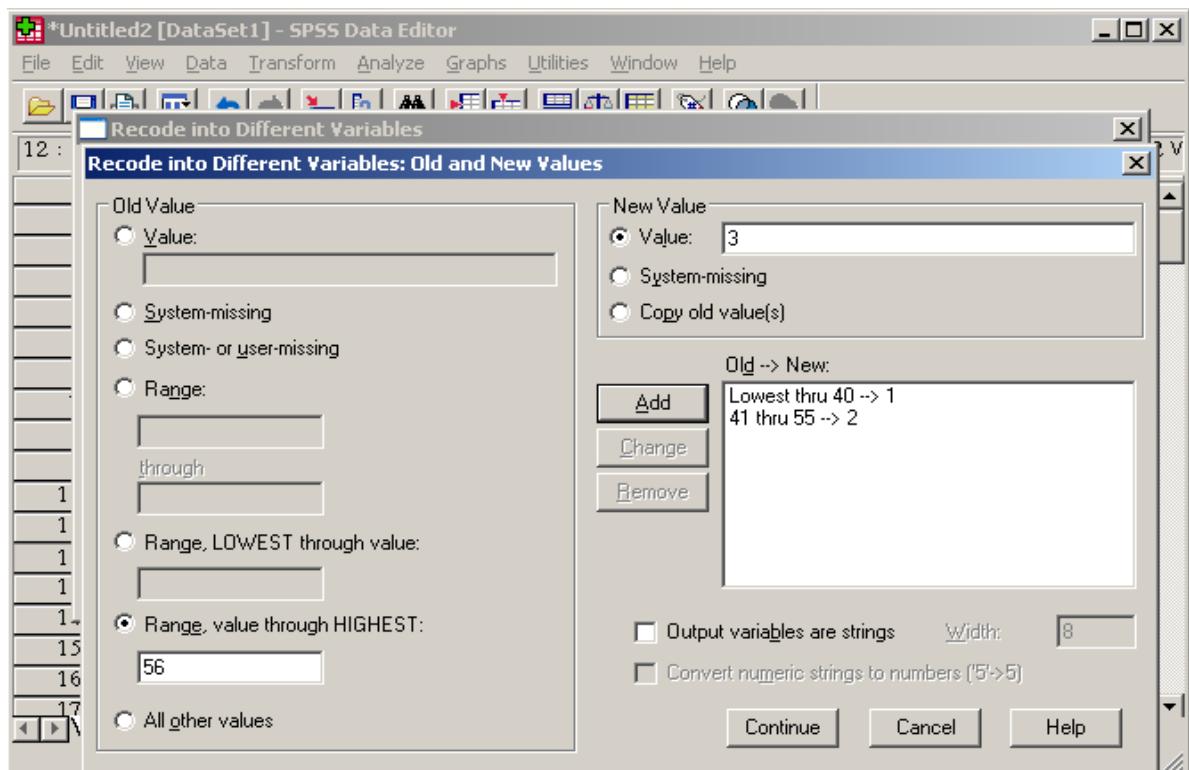
برای این مثال اگر فرض کنیم قد این دانش آموزان تقریباً در یک سطح باشد بنابراین وزن آنها را به صورت زیر دسته بندی می کنیم.

کمتر یا مساوی با ۴۰ ← ۱

از ۴۱ تا ۵۵ ← ۲

بیشتر یا مساوی با ۵۶ ← ۳

هر زمان که در انجام تغییرات اشتباہی صورت گرفت می توانیم با استفاده از گزینه Change یا Remove تغییرات خود را اصلاح کیم.



سپس بر روی گزینه Add کلیک کرده و در پنجره مربوط به Data ستون مورد نظر را مشاهده می کنیم.

وزن ۲											Visible: 3 of 3
	مورد	وزن	وزن ۲	وزن ۳	var	var	var	var	var	var	
13	13	43,00		2							
14	14	47,00		2							
15	15	42,00		2							
16	16	56,00		3							
17	17	59,00		3							
18	18	50,00		2							
19	19	54,00		2							
20	20	50,00		2							
21	21	38,00		1							

## نمودارهای آماری

گام دیگری در جهت تلخیص داده ها، نمایش آنها به صورت نمودارهای آماری است.

- برای نمایش توزیعهای فراوانی، اغلب از نمودار استفاده می شود. نمودارها به ما کمک می کنند که تصویر توزیع به سهولت دیده شود.
- روشهای نمایش داده ها علاوه بر استفاده های نظری برای استفاده های علمی و کاربردی نیز مورد توجه هستند.
- نمودار های آماری در حقیقت ماهیت داده ها را در کمترین زمان ممکن و با ساده ترین بیان به ما نشان می دهند.

روش نمایش داده ها با توجه به نوع مقیاس داده ها انتخاب می شوند:

چنانچه مقیاس داده ها از نوع فاصله ای و نسبی(نسبتی) باشد، از نمودارهای کمی **Numerical Chart** استفاده می شود. و اگر داده ها از مقیاس اسمی یا رتبه ای پیروی کنند به کمک نمودارهای توصیفی قابل نمایش می باشند.

متداولترین نمودارهای آماری عبارتند از:

- ❖ نمودارهای دایره ای
- ❖ نمودارهای میله ای
- ❖ نمودارهای مستطیلی (هیستوگرام)
- ❖ چند بر فراوانی

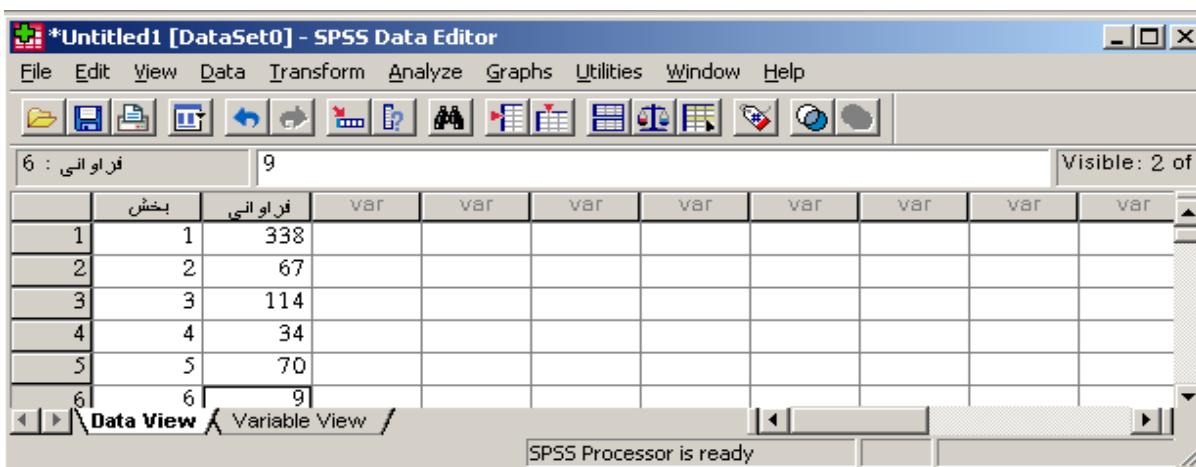
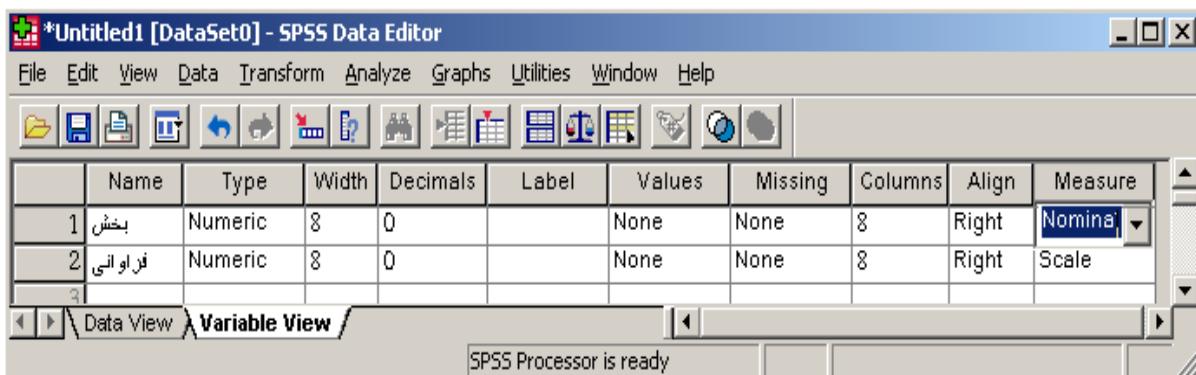
در این جزو به طور خلاصه دو نمودار میله ای و هیستوگرام را با ذکر مثال توضیح می دهیم.

## نمودار میله ای (Bar Chart)

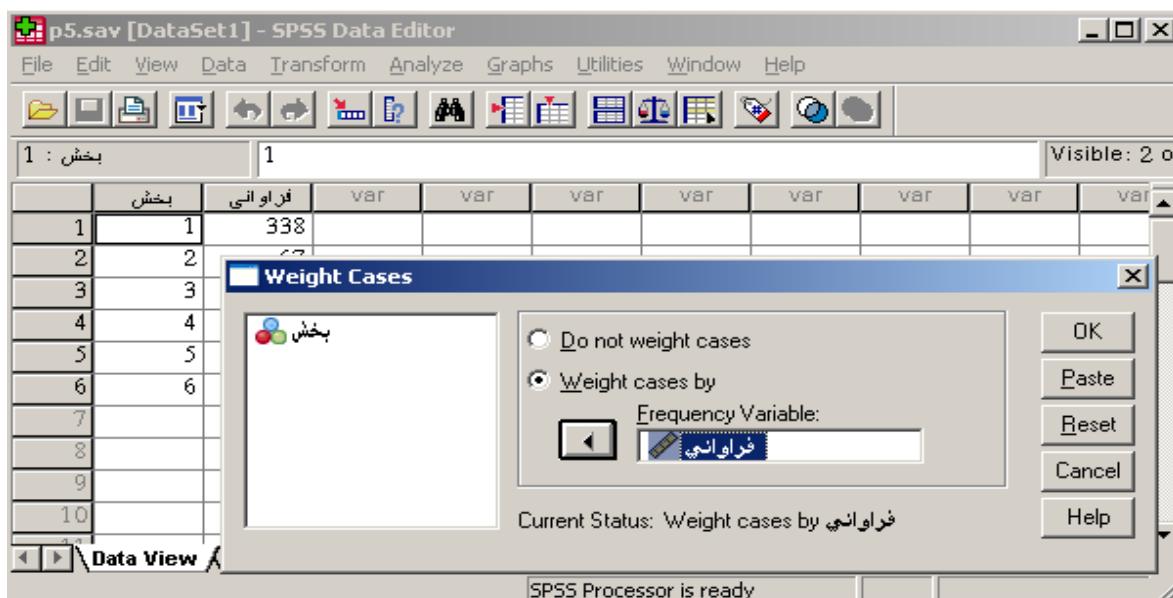
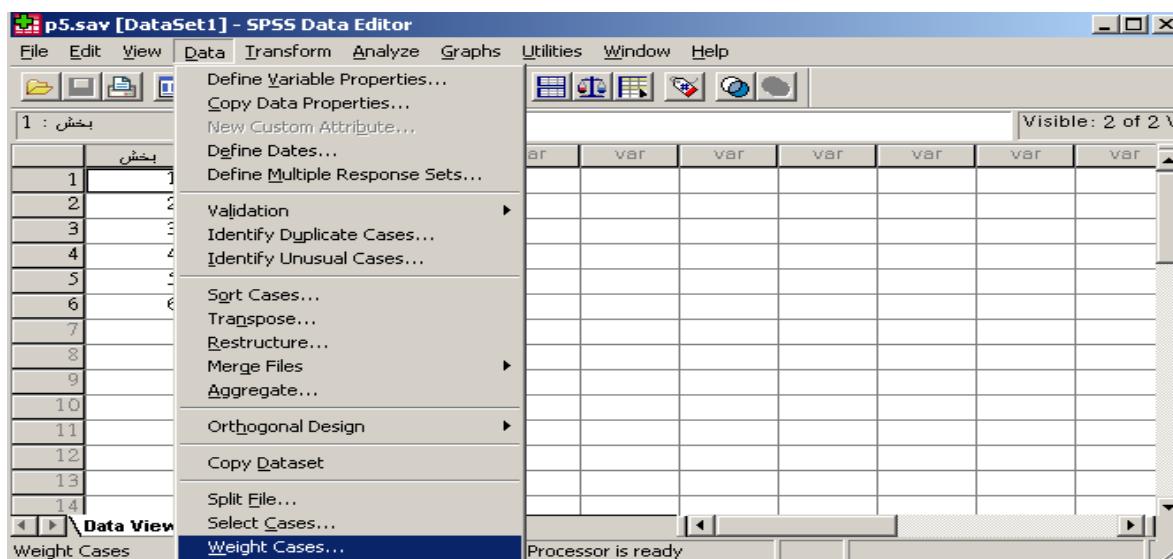
نمودار میله ای برای متغیرهای کیفی و کمی گستته به کار می رود. در این نمودار بر محور افقی گونه های متغیر(چنانچه کیفی باشد) و یا مقادیر متغیر (چنانچه کمی باشد) درج می شوند. محور عمودی یا محور فراوانی نیز باید متناسب با بزرگی و کوچکی بیشترین فراوانی در طبقات، مقیاس بندی شود.

مثال ۶- داده های مورد نظر مربوط به تعداد بیماران بستری شده در ۶ بخش یکی از بیمارستانهای اهواز در مدت زمان یک ماه می باشد. برای داده های زیر نمودار مناسب را رسم کنید.

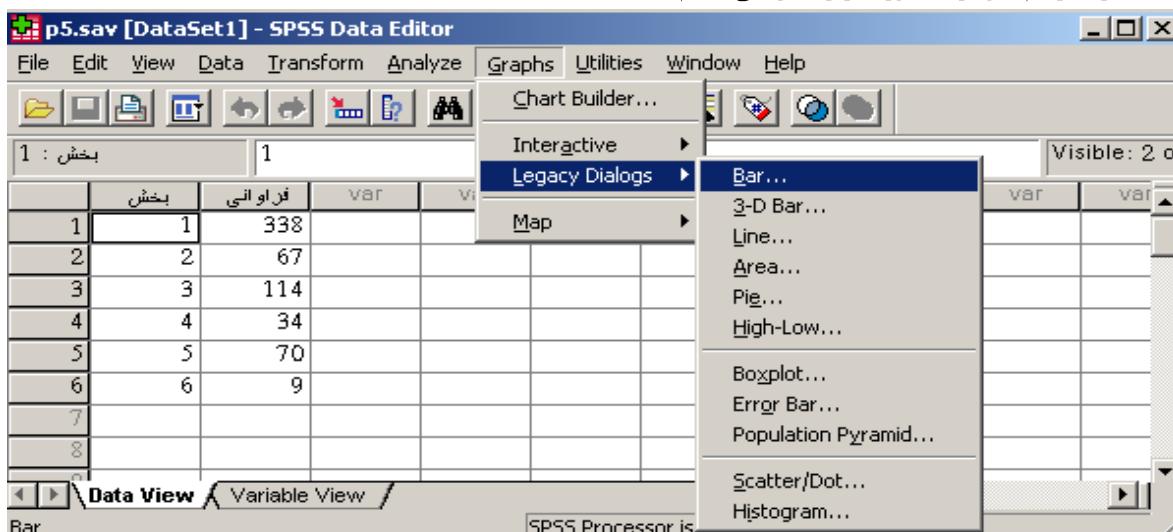
داخلی ۳۳۸ نفر، اطفال ۶۷ نفر، زنان و زایمان ۱۱۴ نفر، روانپزشکی ۳۴ نفر، CCU ۷۰ نفر، ICU ۹ نفر  
برای رسم نمودار در نرم افزار Spss در پنجره Variable View دو متغیر، یکی بخش و دیگری فراوانی را که نشانده هنده فراوانی هر یک از بخش های بیمارستانی می باشد، تعریف می کنیم.

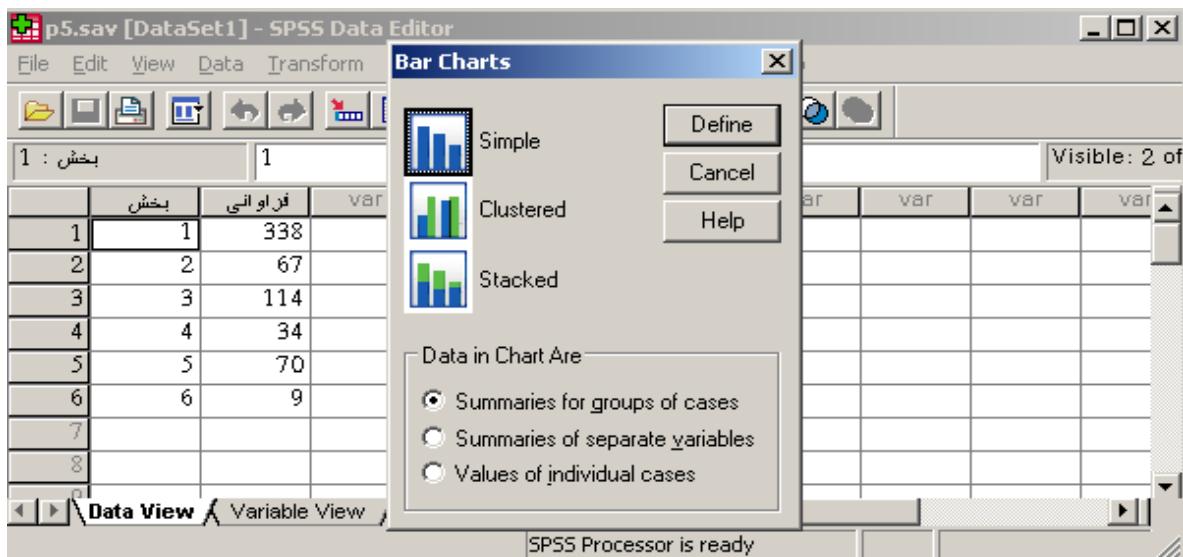


اعداد وارد شده در ستون بخش به صورت کد می باشند و ارزش عددی ندارند. بنابراین می توانیم هر یک از این کد ها را با نام بخش مربوط به خود در قسمت Values در پنجره Variable View جایگزین کنیم (مانند مثال ۱). همچنین اعداد مربوط به ستون فراوانی نیز به تنها یاری ارزش عددی ندارند بلکه هر کدام از این اعداد مربوط به فراوانی بخش مورد نظر می باشند. بنابراین باید ستون بخش را بوسیله ستون فراوانی وزن دار کنیم. با این کار در خروجیها نشان می دهیم که فراوانی هر بخش به چه میزان می باشد.

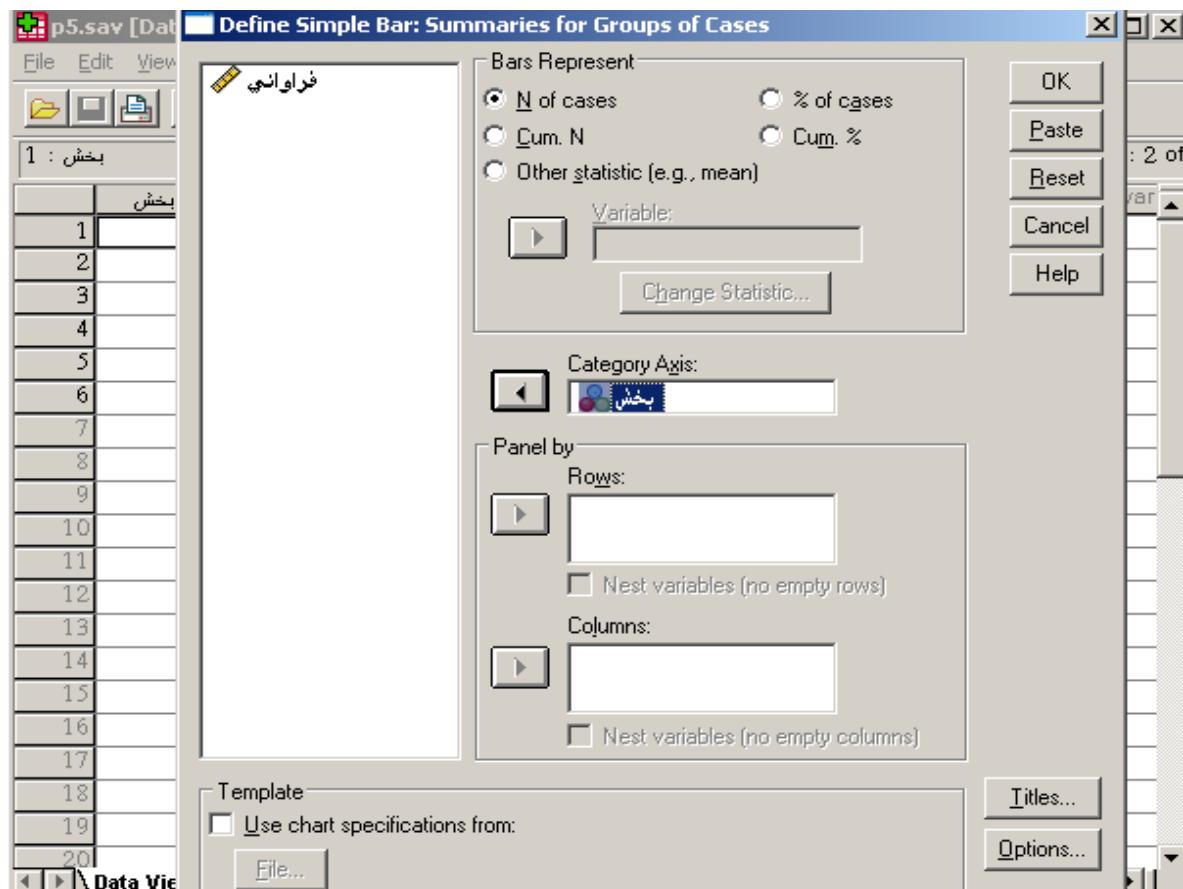


سپس گزینه Ok را فعال می کیم و نرم افزار، ستون بخش را به وسیله ستون فراوانی وزن دار می کند. در ادامه برای رسم نمودار به صورت زیر عمل می کنیم.

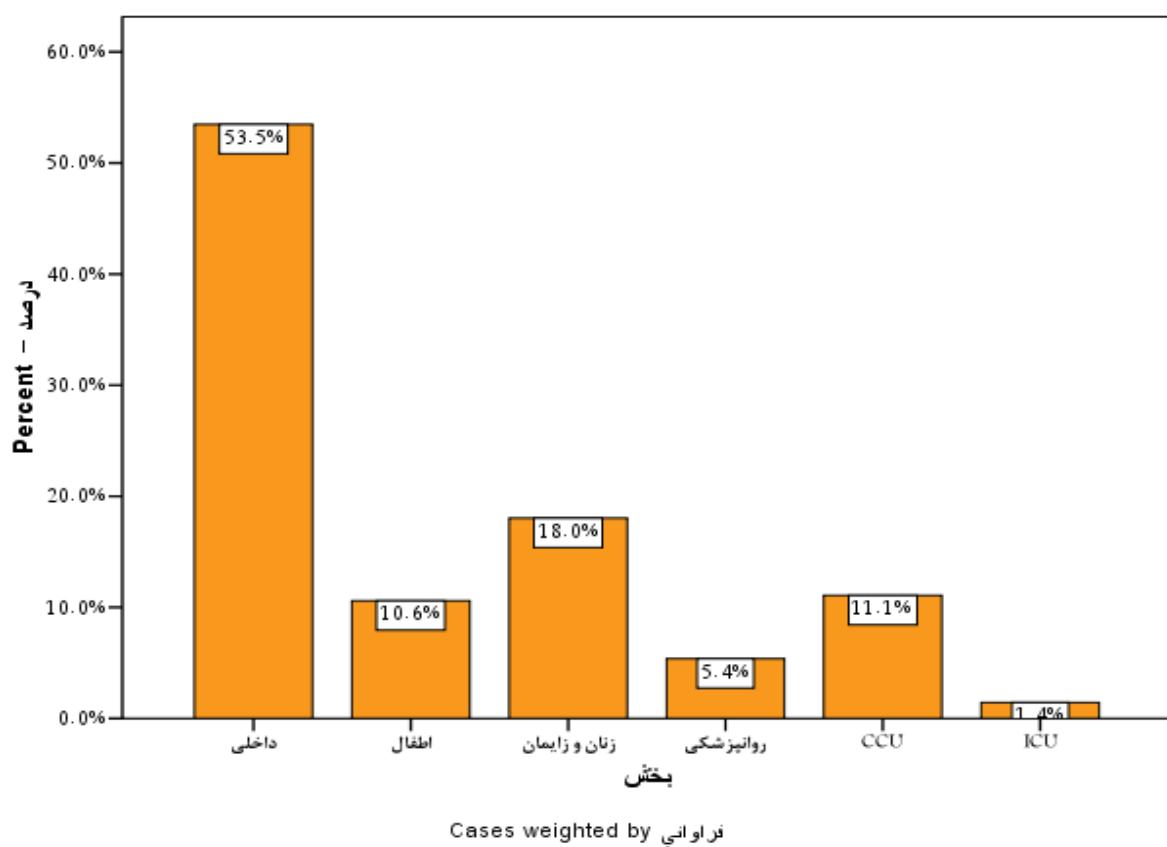
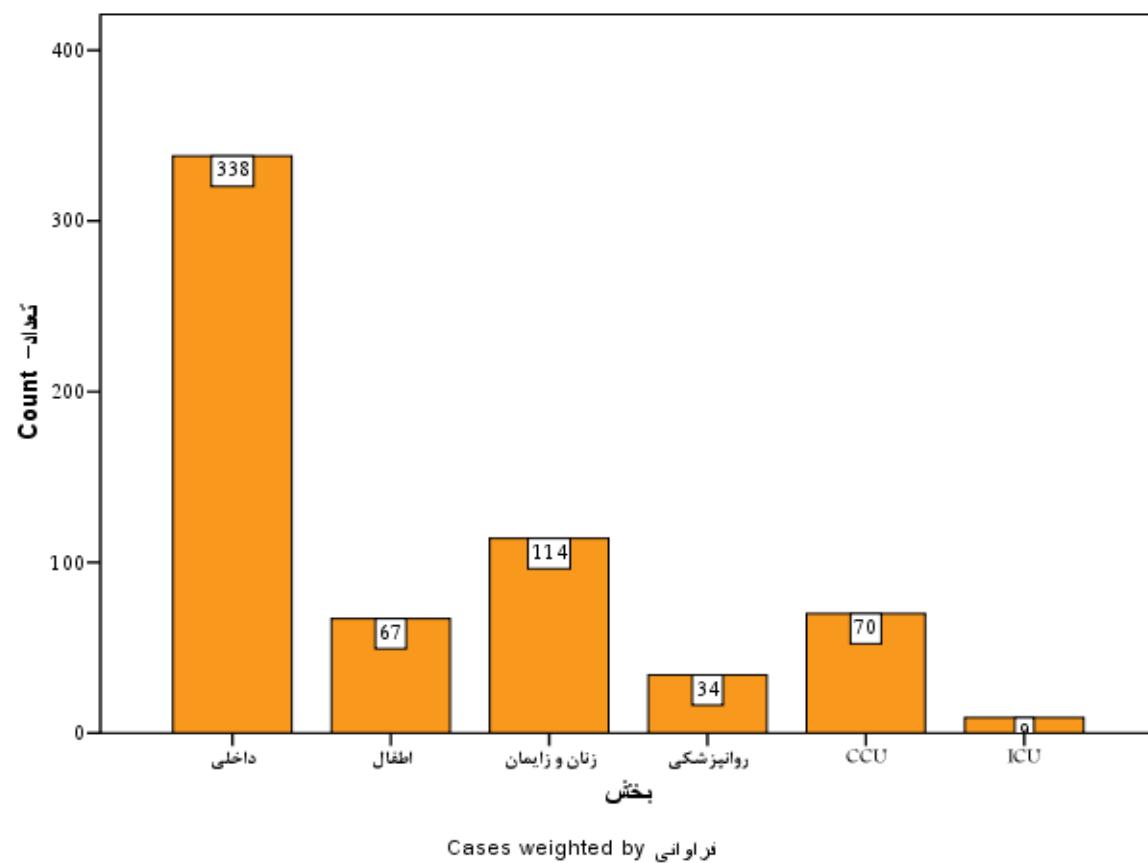




سپس در پنجره Bar Chart بر روی نمودار با فرمت Simple کلیک کرده و در ادامه بر روی گزینه Define می کنیم.



متغیر بخش را از پنجره سمت چپ به پنجره Category Axis منتقل کرده، در ادامه به طور مثال اگر بخواهیم داده ها بر حسب تعداد باشند در قسمت بالا (Bars Represent) N of Cases را و یا اگر بر حسب فراوانی نسبی باشند % of Cases را انتخاب می کنیم. این مسیر را دو بار تکرار می کنیم تا هر دو نمودار رسم شوند.

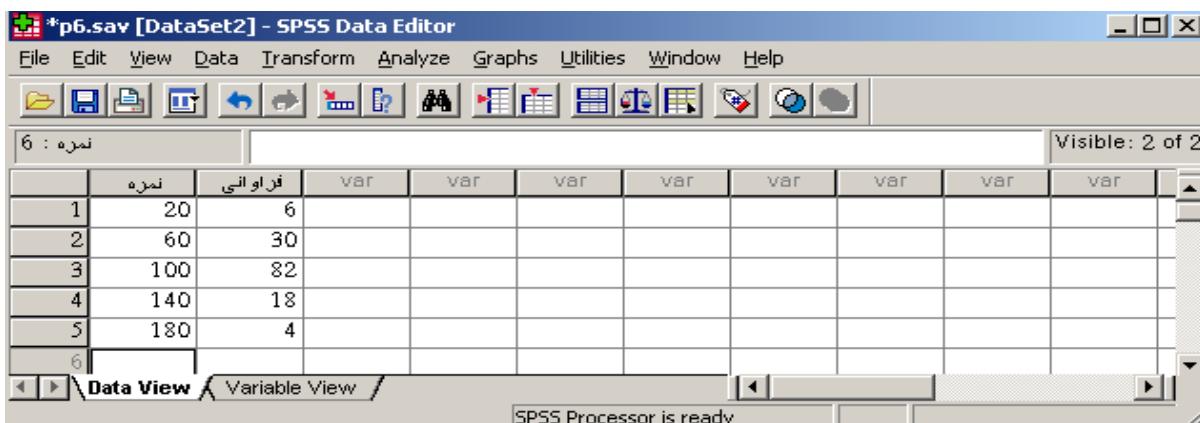


## نمودار مستطیلی (Histogram)

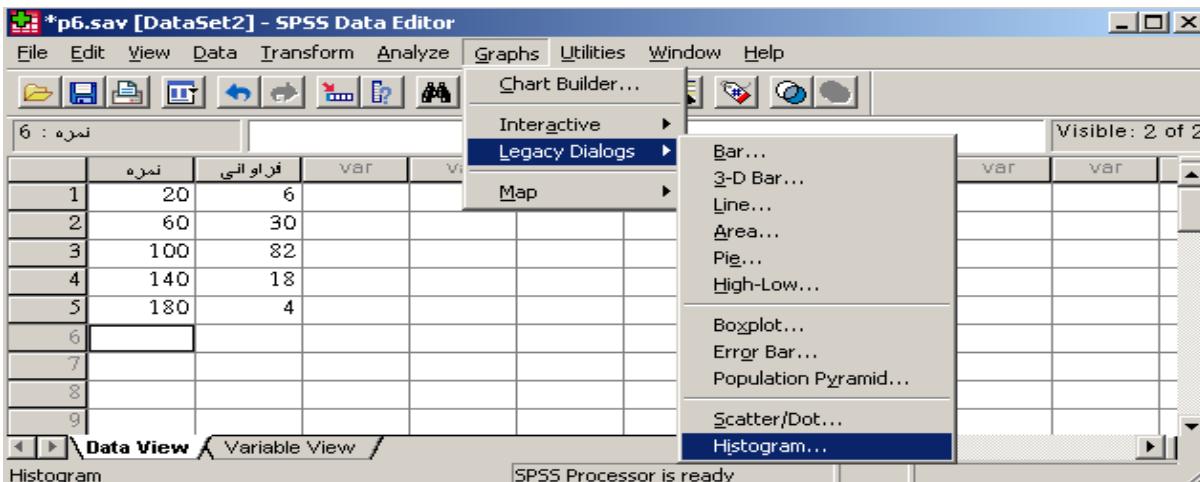
برای نشان دادن شکل و مرکز یک توزیع و نحوه پراکندگی داده‌ها به کار می‌رود. معمولاً برای متغیرهای کمی پیوسته مناسب می‌باشد.

مثال ۷- داده‌های زیر مربوط به نمره ارزشیابی ۱۴۰ نفر از کارمندان دانشگاه علوم پزشکی جندی شاپور اهواز می‌باشند. با توجه به نوع داده‌ها نمودار مناسب را برای داده‌ها رسم کنید.  
با توجه به اینکه داده‌های ما از نوع کمی پیوسته می‌باشند، ابتدا ۱۴۰ داده (نمره) را در جدولی طبقه‌بندی می‌کنیم و سپس مانند روش قبل نمودار را رسم می‌کنیم.

فرآونی	طبقات: (نمره ارزشیابی)
۶	۰-۴۰
۳۰	۴۰-۸۰
۸۲	۸۰-۱۲۰
۱۸	۱۲۰-۱۶۰
۴	۱۶۰-۲۰۰

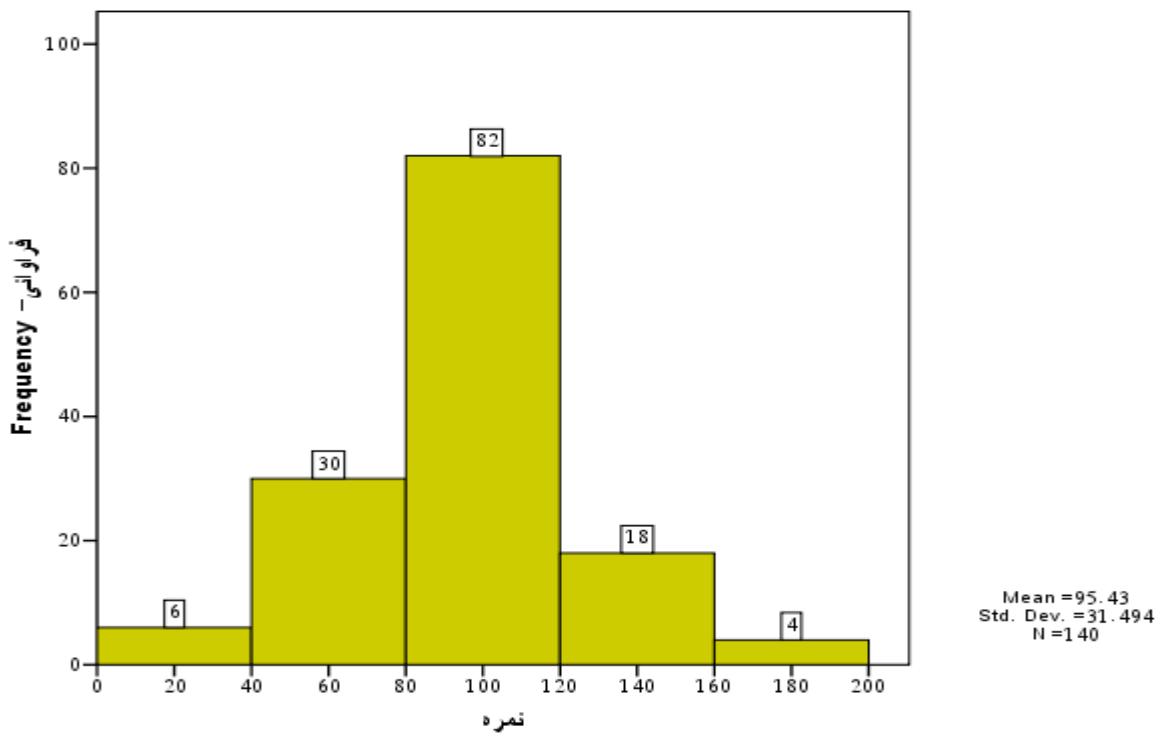


در ستون مربوط به نمره می‌توانیم به جای مرز وسط طبقات از کدهای ۱ تا ۵ استفاده کنیم. چون در این نوع نمودار هیستوگرام طول طبقات یکسان می‌باشد. در ادامه برای رسم نمودار مسیر زیر را طی می‌کنیم.





پس از منتقل کردن متغیر نمره از پنجره چپ به پنجره Variable بر روی Ok کلیک کرده تا نمودار ظاهر شود.



Cases weighted by فراوانی

با توجه به اینکه نمودار هیستوگرام پراکندگی و تمرکز داده های کمی پیوسته را نشان می دهد نتیجه می گیریم که بیشترین پراکندگی نمرات ارزشیابی پرسنل در فاصله ۸۰ تا ۱۲۰ بوده است.

بعد از رسم نمودار و ظاهر شدن در خروجی Spss می توانیم با دو بار کلیک کردن بر روی نمودار و باز شدن پنجره Chart Editor به ویرایش نمودار مانند تغییر رنگ نمودار، ظاهر کردن فراوانی ها بر روی ستونها، تنظیم اعداد

روی محور X ها و Y ها و ..... پرداخت.

## پند نهم آزمونهای متناول آماری:

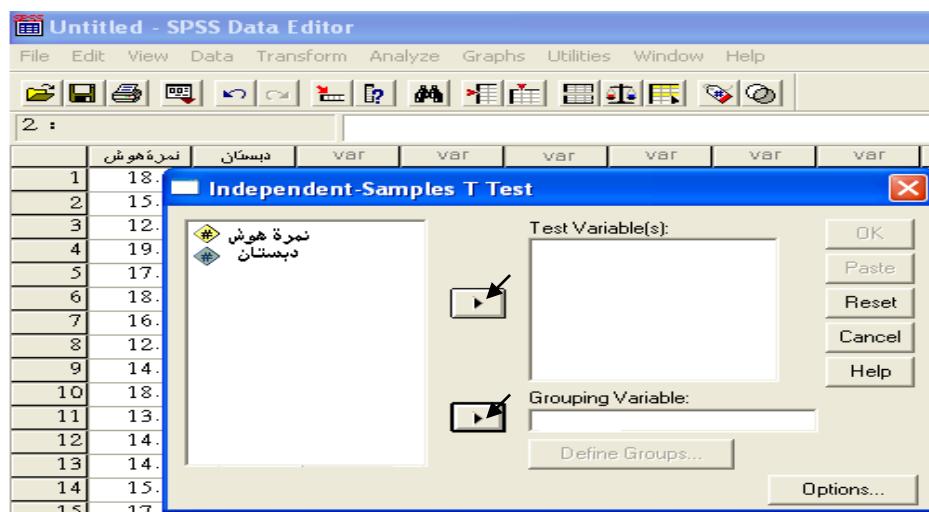
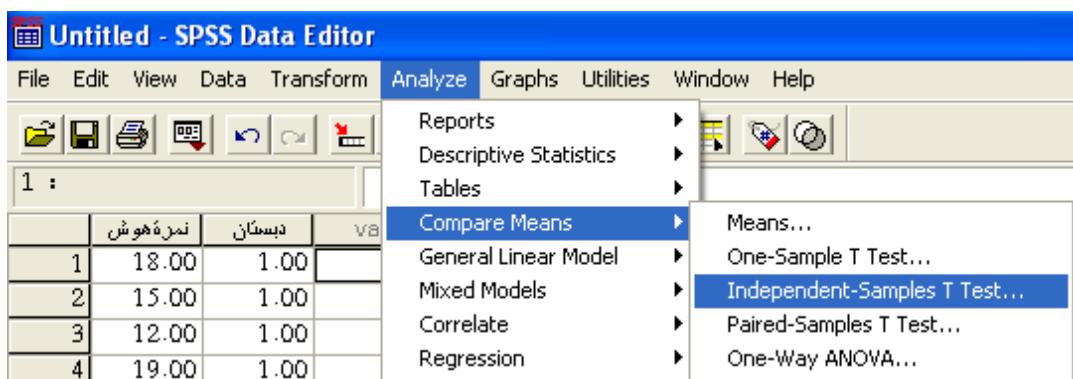
**آزمون T** به طور متناول جهت تعیین معنی داری تفاوت بین دو میانگین به کار می رود.

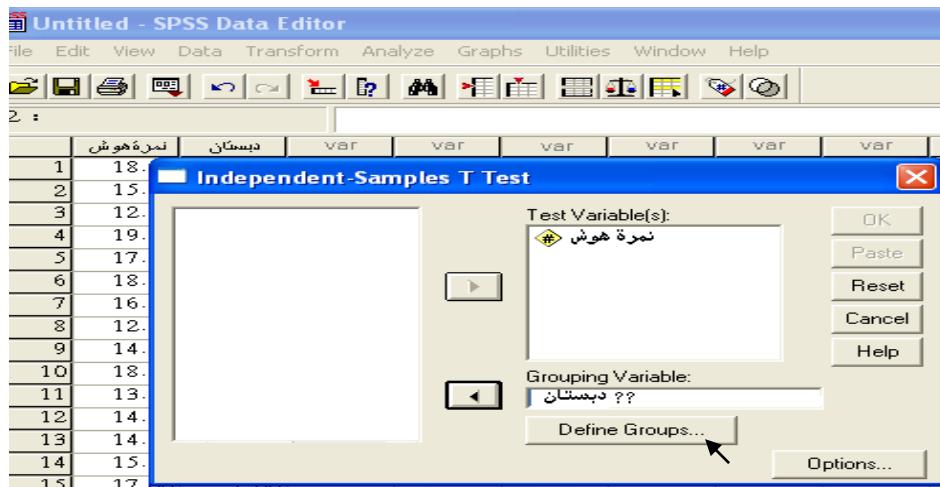
(۱) آزمون *t*: برای مقایسه میانگینهای دو نمونه مستقل از داده های کمی، اغلب آزمون *t* با نمونه های مستقل مناسب است.

به طور مثال بررسی مقایسه میزان ضریب هوشی بین دو گروه از دانش آموزان دختر مقطع اول دو دبستان جداگانه را در نظر بگیرید. چون میزان ضریب هوشی هر کدام از این گروها تاثیری در میزان ضریب هوشی گروه دیگر ندارد، از آزمون *t* با نمونه های مستقل استفاده می شود.

برای انجام آزمون، داده های مربوط به هر گروه را (به روش توضیح داده شده در بالا) در ستونهای جداگانه وارد کرده و به انجام آزمون مورد نظر می پردازیم.

- |      |            |                                                |
|------|------------|------------------------------------------------|
| (۱)= | دبستان اول | به هر کدام از دبستانها یک کد جداگانه می دهیم . |
| (۲)= | دبستان دوم |                                                |





خروجی آزمون:

### Group Statistics

دیستان	N	Mean میانگین	Std. Deviation انحراف استاندارد	Std. Error Mean میانگین انحراف استاندارد
نمره هوش	1.00	15.9000	2.55821	.80898
	2.00	12.6000	2.87518	.90921

در خروجی جدول زیر قبل از آزمون برابری میانگینها برابری واریانس ها مورد بررسی قرار گرفته است. ابتدا فرض برابری واریانسها و همچمین فرض عدم برابری واریانسها ارائه شده است. اگر ( $p > .05$ ) باشد، فرض یکنواختی واریانسها زیر سوال نیست و از آزمون t با واریانسها برابر استفاده می شود. اگر ( $p < .05$ )، فرض یکنواختی واریانسها زیر سوال است و آزمون t نرمال با واریانسها برابر باید با آزمون t بر اساس برآوردهای واریانس جداگانه جایگزین شود.

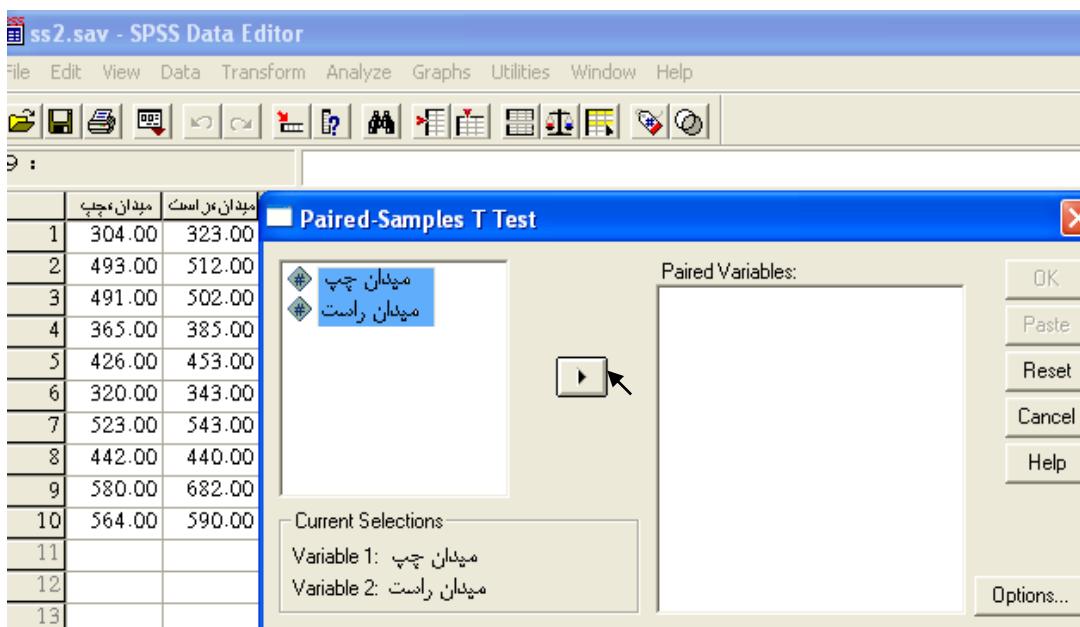
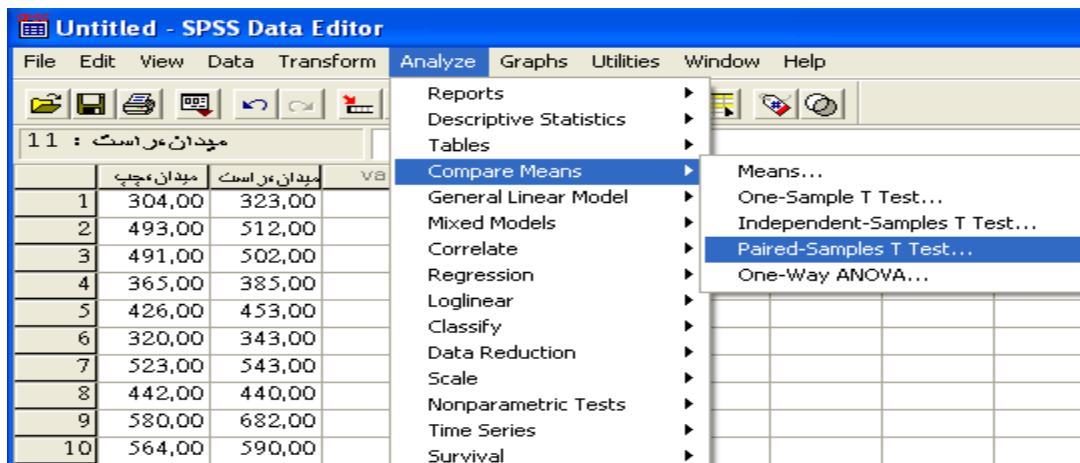
### آزمون نمونه های مستقل

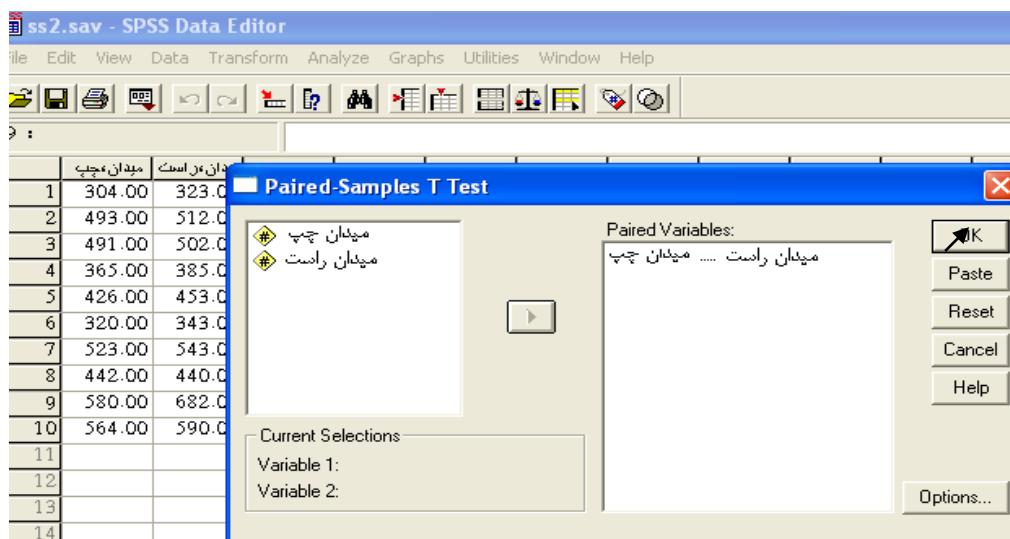
نمره هوش	Levene's Test for Equality of Variances		t-test for Equality of Means						آزمون t برای برابری میانگینها	
	F	Sig.	t	df	Sig. (2-tailed)	Mean Difference	Std. Error Difference	95% Confidence Interval of the Difference		
								Lower	Upper	
نمره هوش	Equal variances assumed	.434	.518	2.712	18	.014	3.30000	1.21701	.74316	5.8568
	Equal variances not assumed			2.712	17.8	.014	3.30000	1.21701	.74068	5.8593

۲) آزمون  $t$ : برای مقایسه میانگینهای یک مجموعه از داده های وابسته، از آزمون  $t$  با داده های جفت استفاده می شود.

به طور مثال در مورد چگونگی تقسیم عملکرد قشر مغز، فرض کنید ۵۰ شرکت کننده هر یک به یک هدف مثلث شکل و مربع شکل که مساحت آنها برابر است، تیراندازی می کنند. در این حالت دو نمونه از امتیازات به دست می آید. این مطالعه سبب ایجاد دو نمونه وابسته از داده ها می شود. به این معنی که افراد تواناتر نسبت به افراد ضعیفتر در هر دو قسمت آزمایش احتمالاً امتیاز بیشتری کسب می نمایند. بنابراین انتظار می رود دو نمونه دارای همبستگی باشند.

برای مثالی دیگر در بررسی چگونگی تقسیم عملکرد قشر مغز، شرکت کننده به یک نقطه مرکزی در صفحه کامپیوتر نگاه می کند و از وی خواسته می شود هنگامی که کلماتی را که در هر طرف از نقطه ظاهر می شود، تشخیص داد، دکمه ای را فشار بدهد. به منظور اطمینان از اینکه کلمه مورد نظر را به درستی تشخیص داده است، از شرکت کننده خواسته می شود که آن را تایپ کند. فرضیه آزمایش آن است که لغاتی که در میدان بینایی راست ظاهر می شوند، سریعتر از آنهایی که در میدان بینایی چپ ظاهر می شوند، تشخیص داده می شود. زیرا اولی توسط نیمکره چپ مغزی پردازش می شود که تصور می شود در اطلاعات کلامی قویتر است. در این مثال که تنها دو حالت وجود دارد، آزمایش ایجاد داده های جفت می کند.





خروجی آزمون:

#### آماره های نمونه های جفت (دو تایی)

	Mean	N	Std. Deviation	Std. Error Mean
Pair 1	میدان چپ	450.8000	10	97.08507
	میدان راست	477.3000	10	112.09128

#### همبستگی نمونه های جفت

	N	Correlation	Sig.
Pair 1	میدان چپ & میدان راست	10	.975 .000

#### Paired Samples Test

#### آزمون نمونه های جفت

	Paired Differences				t	df	Sig. (2-tailed)			
	Mean	Std. Deviation	95% Confidence Interval of the Difference							
			Lower	Upper						
Pair 1	میدان چپ - میدان راست	-26.50	27.81387	-46.397	-6.60316	-3.01	9 .015			

## آزمونهای رگرسیونی

مجموعه‌ای از روشها که به عنوان روش‌های رگرسیون (Regression Method) شناخته می‌شوند، وجود دارد که از وجود رابطه بین دو متغیر برای پیش‌بینی کردن مقدار یک متغیر (وابسته) از روی متغیر (مستقل) خبر می‌دهند.

در رگرسیون هدف آن است که بعضی از مشخصات از روی آگاهی در مورد سایر مشخصات برآورده یا پیش‌بینی شود که این کار از طریق ساختن معادله رگرسیون صورت می‌گیرد.

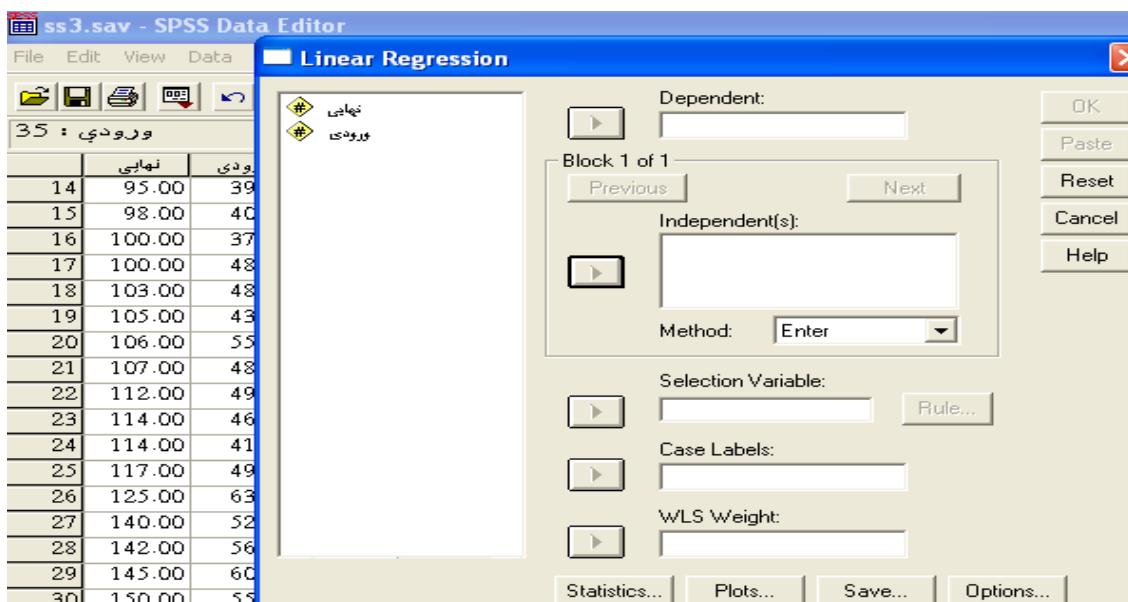
در رگرسیون دو متغیره ساده (Simple two variable) مقادیر یک متغیر (متغیر وابسته یا  $y$ ) از روی مقادیر متغیر دیگری (متغیر مستقل یا  $x$ ) به کمک یک معادله خطی (خط مستقیم) برآورده می‌شود.

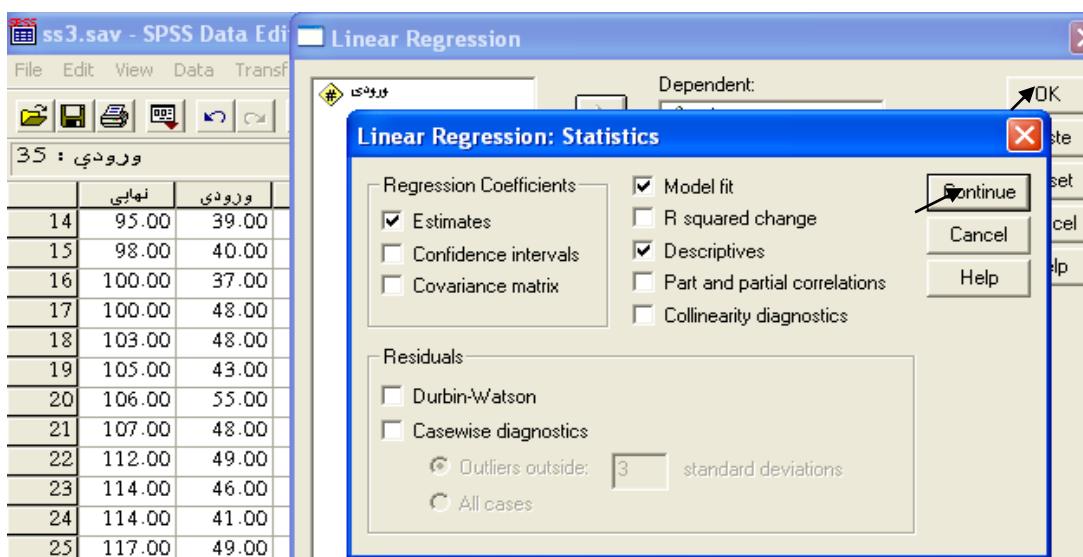
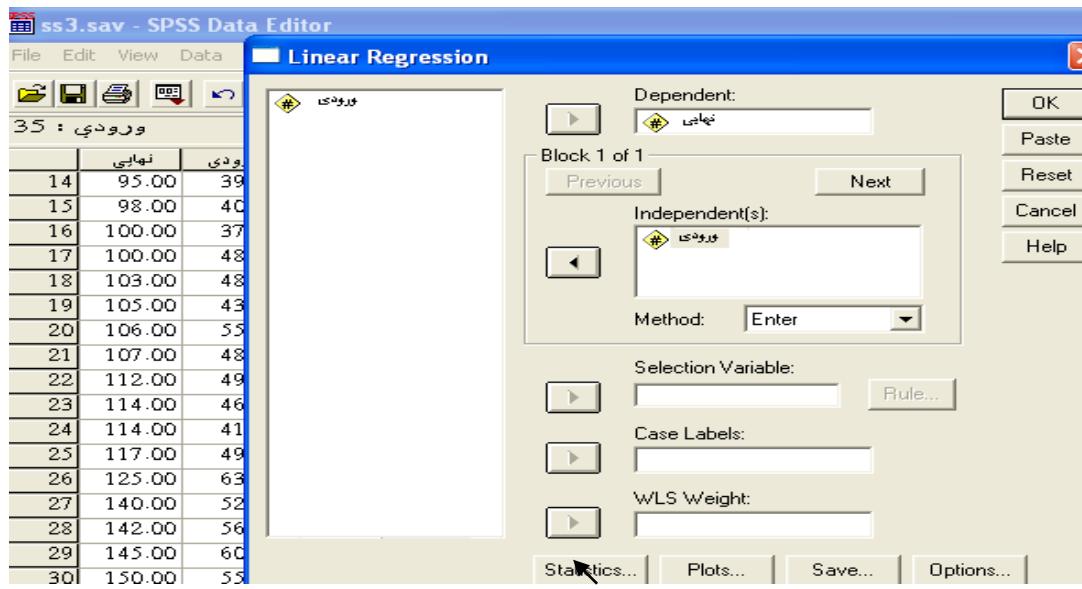
برای روشن شدن موضوع مورد بحث، مسئولان یک دانشگاه را در نظر بگیرید. مسئولان در مورد کارآیی روش‌هایی که برای انتخاب دانشجو استفاده می‌شود حساسیت زیادی دارند. به این صورت که چقدر بین عملکرد فرد در امتحان ورودی با عملکرد اوی در امتحان نهایی رابطه نزدیکی وجود دارد. همچنین تا چه میزان می‌توان عملکرد دانشجویان را در دانشگاه از روی نمرات آنها در آزمونهای آماری پیش‌بینی کرد.

نمرات امتحان نهایی دانشگاه =  $Y$

نمرات امتحان ورودی =  $X$

$$Y=aX+b$$





### آماره های توصیفی Descriptive Statistics

	Mean میانگین	Std. Deviation انحراف استاندارد	N
نهایی	105,5294	35,81284	34
ورودی	47,3235	7,42935	34

### همبستگی Correlations

	نهایی	ورودی
Pearson Correlation	1,000	,671
ضرائب پیرسون	,671	1,000
Sig. (1-tailed)	.	,000
نهایی	,000	.
ورودی	.	.
N	34	34
نهایی	34	34
ورودی	34	34

### ANOVA<sup>b</sup>

Model	Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
1 Regression	19054,121	1	19054,121	26,202	,000 <sup>a</sup>
Residual	23270,350	32	727,198		
Total	42324,471	33			

a. Predictors: (Constant), ورودی

b. Dependent Variable: نهایی

### همسناریو Coefficients

Model	Unstandardized Coefficients		Beta	t	Sig.
	B	Std. Error			
1 (Constant)	-47,531	30,257		-1,571	,126
ورودی	3,234	,632	,671	5,119	,000

نهایی: متغیر وابسته.

## آزمون مربع کای برای رابطه بین دو متغیر کیفی

آزمون  $\chi^2$  برای بررسی مستقل بودن دو متغیر تصادفی مثلاً مستقل بودن قد و وزن نوزاد، همچنین برای همتوزيع بودن دو متغیر تصادفی به طور مثال همتوزيع بودن وزن نوزاد ایرانی و نوزاد چینی به کار می بردند.

معمولأً برای بررسی استقلال یا عدم استقلال از دو ویژگی یا بیشتر از جمعیتی از این آزمون استفاده می کیم.

این آزمون را با ارائه مثالی توضیح می دهیم: در این آزمون دو ویژگی مورد نظر یکی جنسیت و دیگری نوع انتخاب شیء توسط کودکان می باشد.

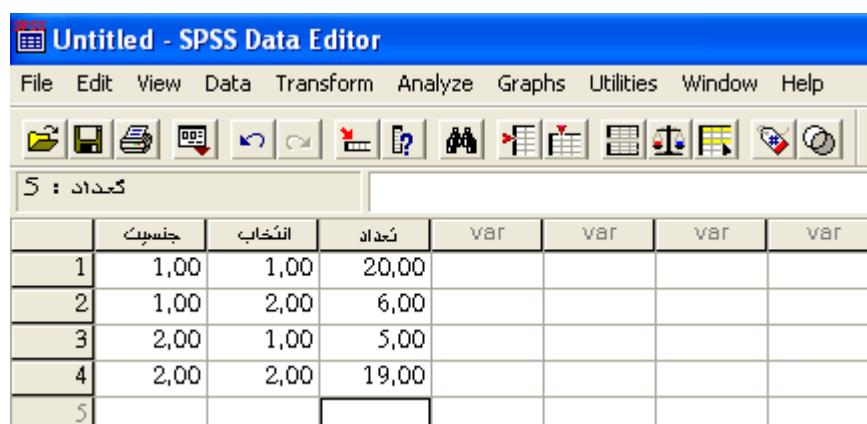
### آزمایشی بر روی انتخابهای کودکان

فرض کنید محققی به مشاهده تعدادی کودک می پردازد که وارد یک اتاق می شوند و انتخاب هر یک از کودکان از بین دو شیء را ثابت می کند. وی می خواهد بداند که آیا تمایل پسرها و دخترها در انتخاب اشیاء متفاوت، با هم فرق می کند. در این آزمایش دو متغیر جنسیت و انتخاب شیء مورد توجه است. در اصطلاح آماری، این محقق می برسد که آیا این متغیرها رابطه ای با یکدیگر دارند؟ آیا دخترها نسبت به پسرها یکی از اشیاء را بیشتر انتخاب می کنند و آیا پسرها شیء دیگر را بیشتر از دخترها انتخاب می کنند؟ جدول (۲×۲)

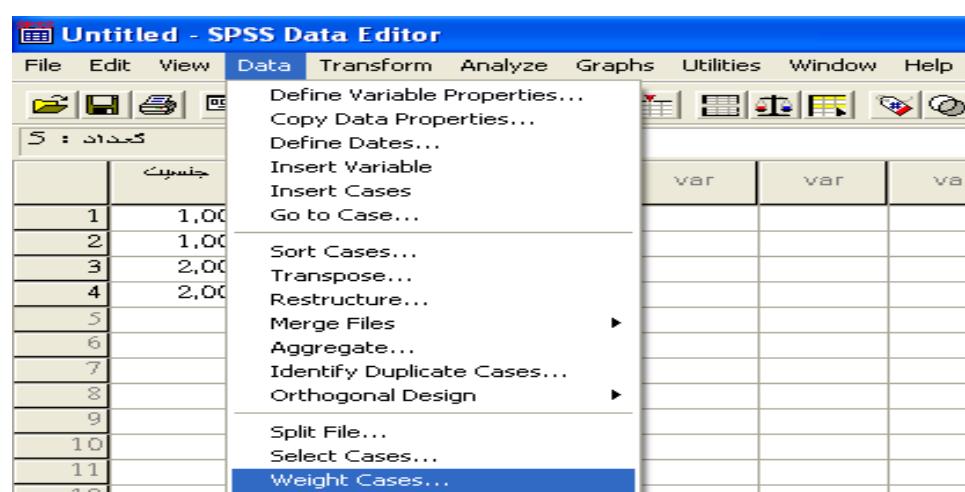
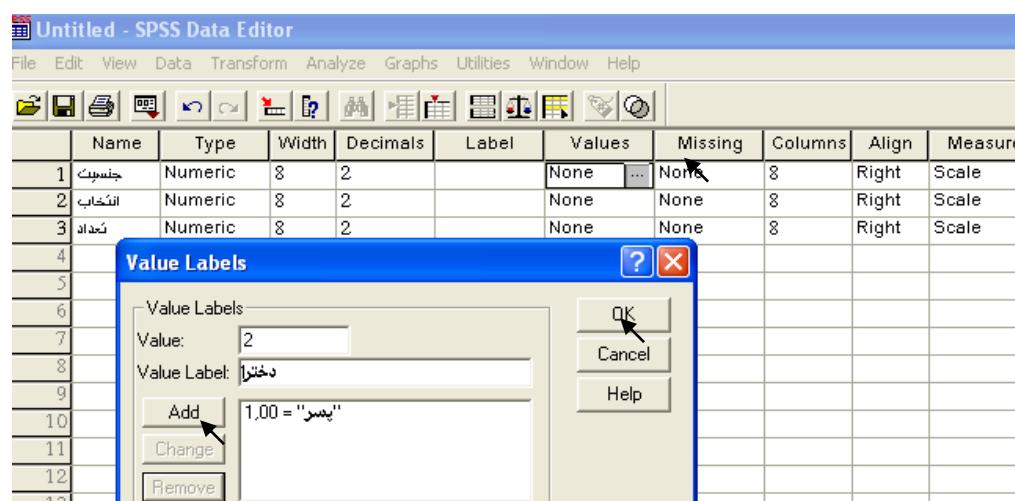
### انتخابهای ۵۰ کودک از میان دو شیء

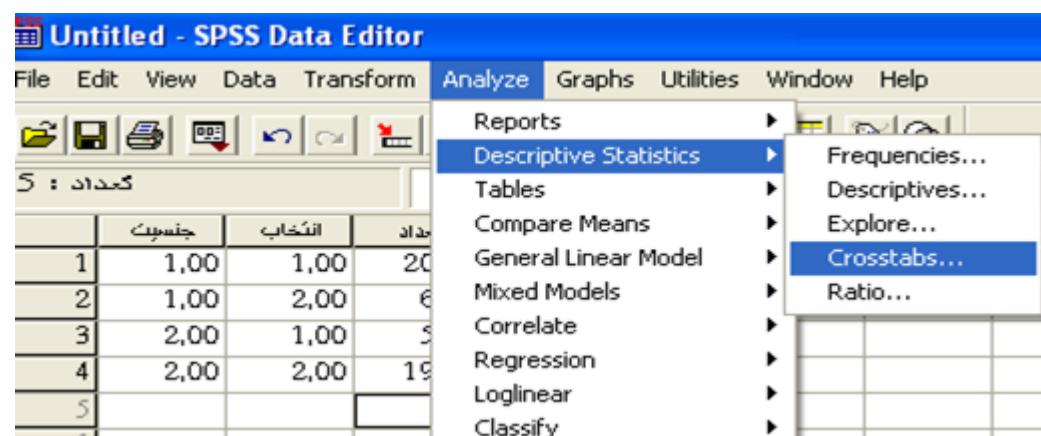
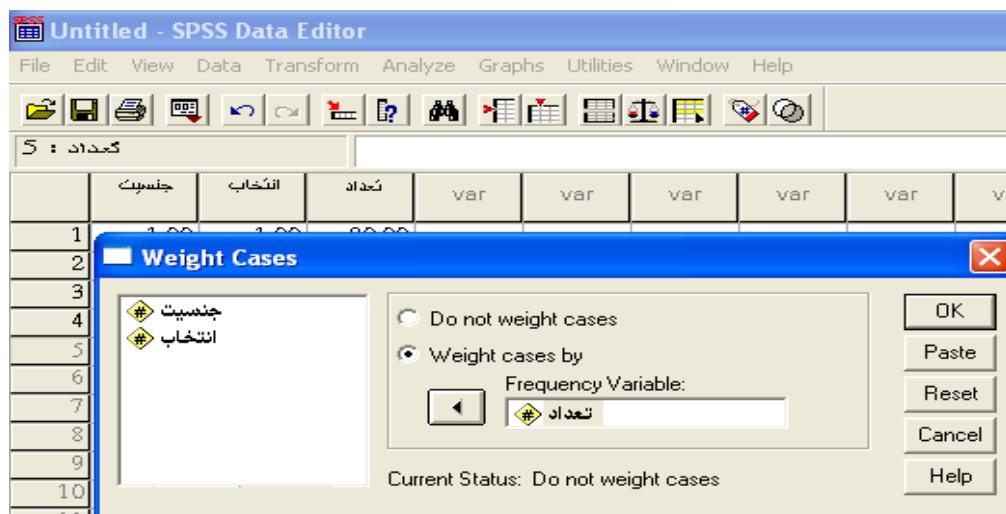
شیء	پسرها(۱)	دخترها(۲)
(۱) A	۲۰	۵
(۲) B	۶	۱۹

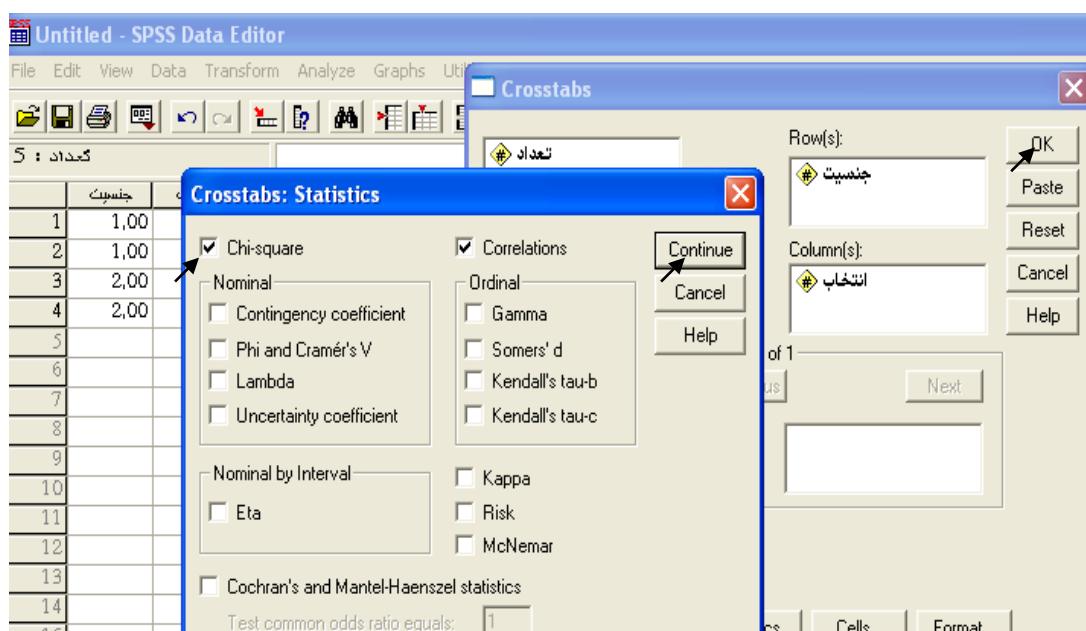
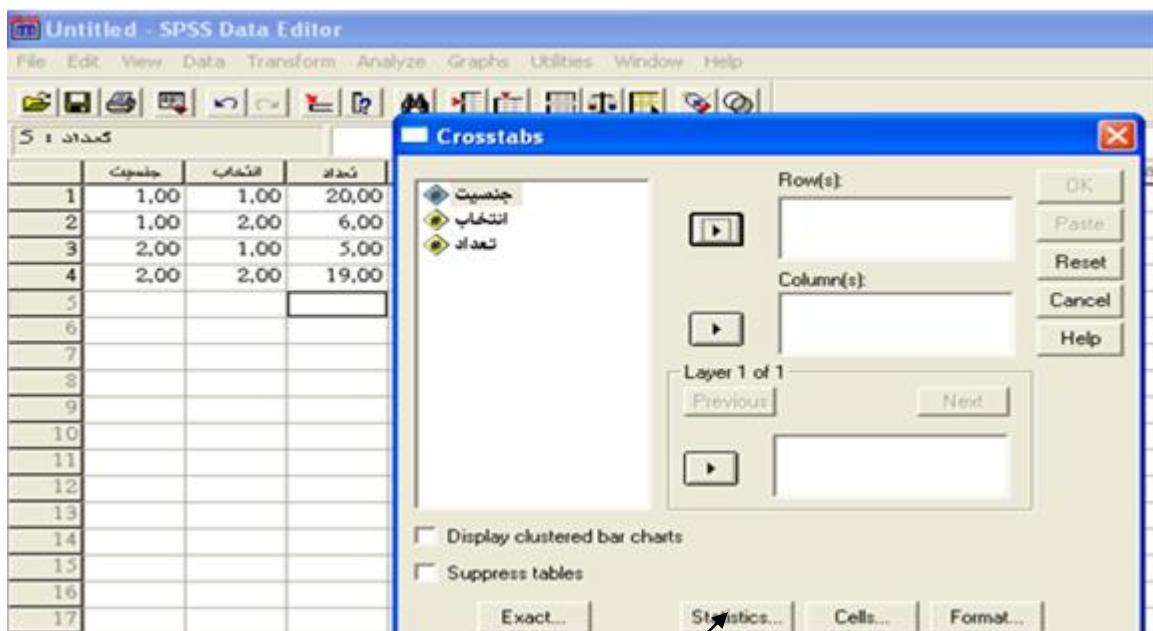
در این بررسی به جای وارد کردن ۵۰ داده مورد نظر داده ها را به صورت خلاصه مطابق شکل زیر وارد کرده و به هر خانه جدول بالا وزن معادل آنها را می دهیم. (تعداد)



در این مرحله برای انتخاب کد های ۱ و ۲ در ستونهای جنسیت و انتخاب (از نظر پسر . دختر بودن و همچنین شء A و B) بر روی Variable View در پایین صفحه کلیک کرده تا پنجره زیر باز شود و سپس مطابق زیر، معادل کدهای ۱ و ۲ را برای دو ستون نظر تعریف می کنیم برای ستون انتخاب هم به روش مشابه این مراحل را انجام می دهیم.







### جنسیت \* انتخاب Crosstabulation

Count

	انتخاب		Total
	A شیء	B شیء	
پسر جنسیت	20	6	26
دختر	5	19	24
Total	25	25	50

### آزمون کای اسکوئر Chi-Square Tests

	Value	df درجه آزادی	Asymp. Sig. (2-sided)	Exact Sig. (2-sided)	Exact Sig. (1-sided)
Pearson Chi-Square	15,705 <sup>b</sup>	1	,000		
Continuity Correction <sup>a</sup>	13,542	1	,000		
Likelihood Ratio	16,661	1	,000		
Fisher's Exact Test				,000	,000
Linear-by-Linear Association	15,391	1	,000		
N of Valid Cases	50				

a. Computed only for a 2x2 table

b. 0 cells (.0%) have expected count less than 5. The minimum expected count is 12,00.

## آنالیز واریانس:

روشی که برای مقایسه بیش از دو تیمار به کار می رود تجزیه و تحلیل واریانس (**ANOVA**) نامیده می شود. از مزایای استفاده از این آزمون این است که تنها با انجام یک بار آزمودن، اختلاف میان میانگینهای کلیه تیمارهای موجود در آزمایش، مورد بررسی قرار می گیرد.

هدف از آزمون بررسی زیر می باشد:

$$\begin{cases} H_0: \mu_1 = \mu_2 = \dots = \mu_k \\ H_1: \mu_i \neq \mu_j \quad \text{حداقل یکی از } \mu_i \text{ با سایر آنها تفاوت داشته باشد} \end{cases}$$

روش آزمون آنالیز واریانس را با انجام یک مثال بیان می کنیم.

برای این کار ابتدا دو فرض را با هم مقایسه می کنیم. اگر فرض  $H_0$  پذیرفته شود که تجزیه و تحلیل به پایان می رسد و نشاندهنده این موضوع می باشد که میان تیمارهای (میانگینها) گروههای تفاوتی وجود ندارد. اما اگر فرض  $H_0$  رد شود نشاندهنده اختلاف میان تیمارها می باشد و باید بدنبال اختلافها بگردیم.

مثال: متوسط زمان بستری شدن بیماران در ماه شهریور برای یک بیماری خاص در ۵ بیمارستان به صورت زیر می باشد؛ بررسی کنید که آیا میان متوسط زمان بستری شدن (به روز) بیماران ۵ بیمارستان تفاوت معنی داری وجود دارد یا نه. در صورت وجود اختلاف نشان دهید که میان کدام بیمارستانها در این زمینه تفاوت وجود دارد.

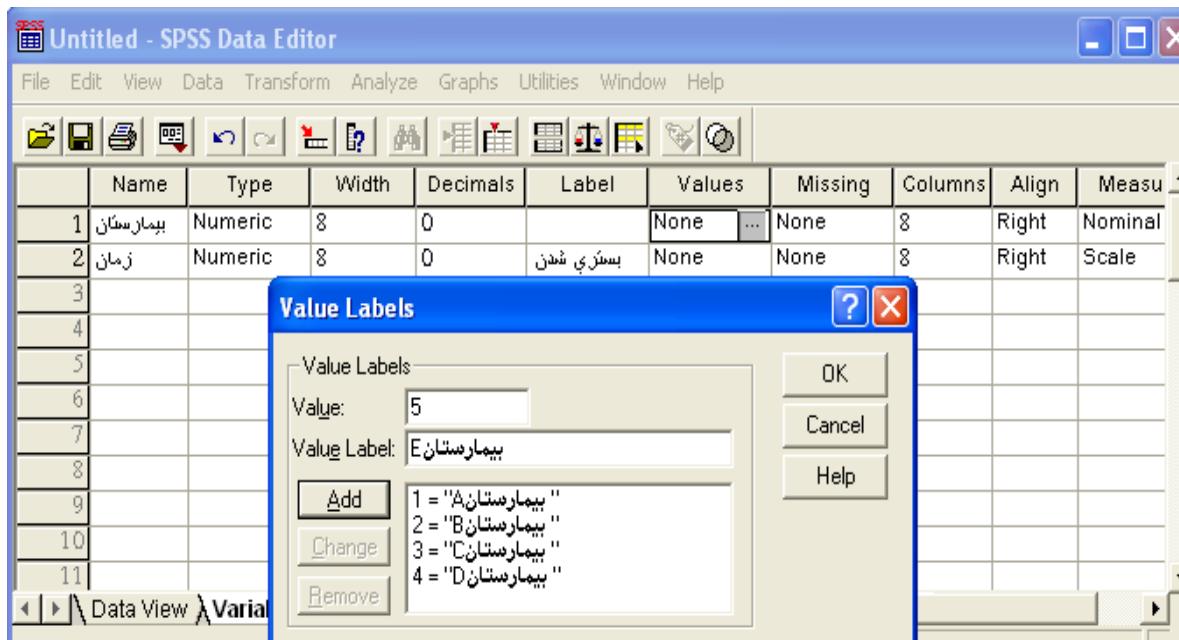
تیمار = متوسط زمان بستری شدن بیماران

تیمار \ تعداد	1	2	3	4	5	6	7	8	9	$\mu_i$	$\bar{y}_i$
بیمارستان A	۷	۷	۸	۶	۷	۵	۸	۷	۶	$\mu_1$	
	8										
بیمارستان B	8	8	8	8	7	7	6	6	5	$\mu_2$	
بیمارستان C	7	5	5	5	4	7	4	4	5	$\mu_3$	
بیمارستان D	8	9	9	11	6	10	11	11	10	$\mu_4$	
بیمارستان E	4	9	6	4	4	4	5	5	4	$\mu_5$	

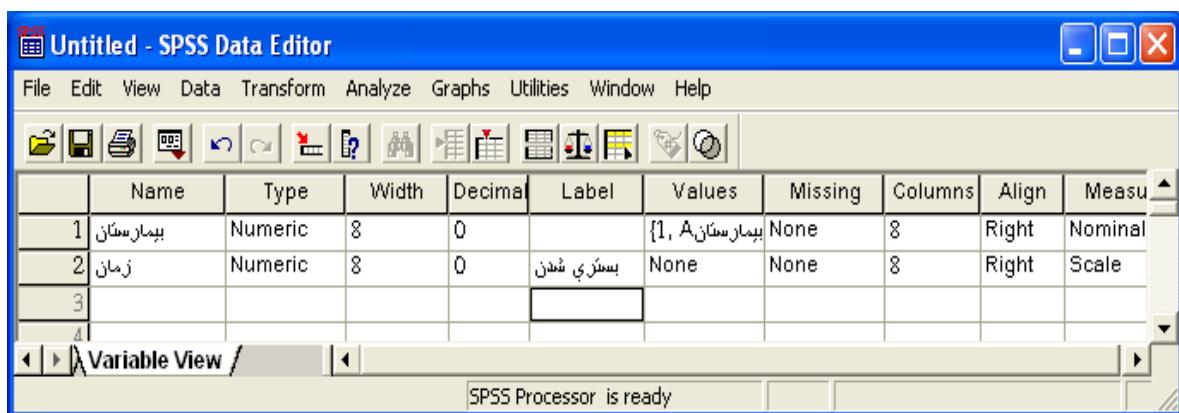
جدول ۱

برای انجام آزمون در نرم افزار ابتدا در پنجره **Variable View** دو متغیر به نام نوع بیمارستان و دیگری زمان بستری شدن بیمار تعریف می کنیم و سپس مانند توضیحاتی که در آغاز گفته شد ستونهای مورد نظر را متناسب با نوع متغیر تنظیم می کنیم.

در این قسمت برای متغیر نوع بیمارستان در ستون **Values** نوع بیمارستانها را تعریف می کنیم.  
 (در پنجره **Data View** به جای اسمی بیمارستان از کدهای (۱ و ۲ و....) استفاده می کنیم).



و در پایان با کلیک کردن بر روی **ok** پنجره **Variable View** به صورت زیر در می آید.



در پنجره **Data View** داده ها را به صورت زیر وارد می کنیم. در ستون بیمارستان کد مربوط به بیمارستانها را (۱-۵) وارد کرده و جلوی هر کد در ستون زمان، مدت زمان بستری شدن بیماران بیمارستانهای مختلف را طبق جدول ۱ وارد می کنیم.

**JL.sav - SPSS Data Editor**

File Edit View Data Transform Analyze Graphs Utilities Window Help

50 : 6

	بیمارستان	زمان	var	var	var	var	var	var
1	1	7						
2	1	7						
3	1	8						
4	1	6						
5	1	7						
6	1	5						
7	1	8						
8	1	7						
9	1	6						
10	1	8						
11	2	8						
12	2	7						
13	2	7						

Data View Variable View SPSS Processor is ready

برای انجام آزمون به صورت زیر عمل می کنیم:

**JL.sav - SPSS Data Editor**

File Edit View Data Transform Analyze Graphs Utilities Window Help

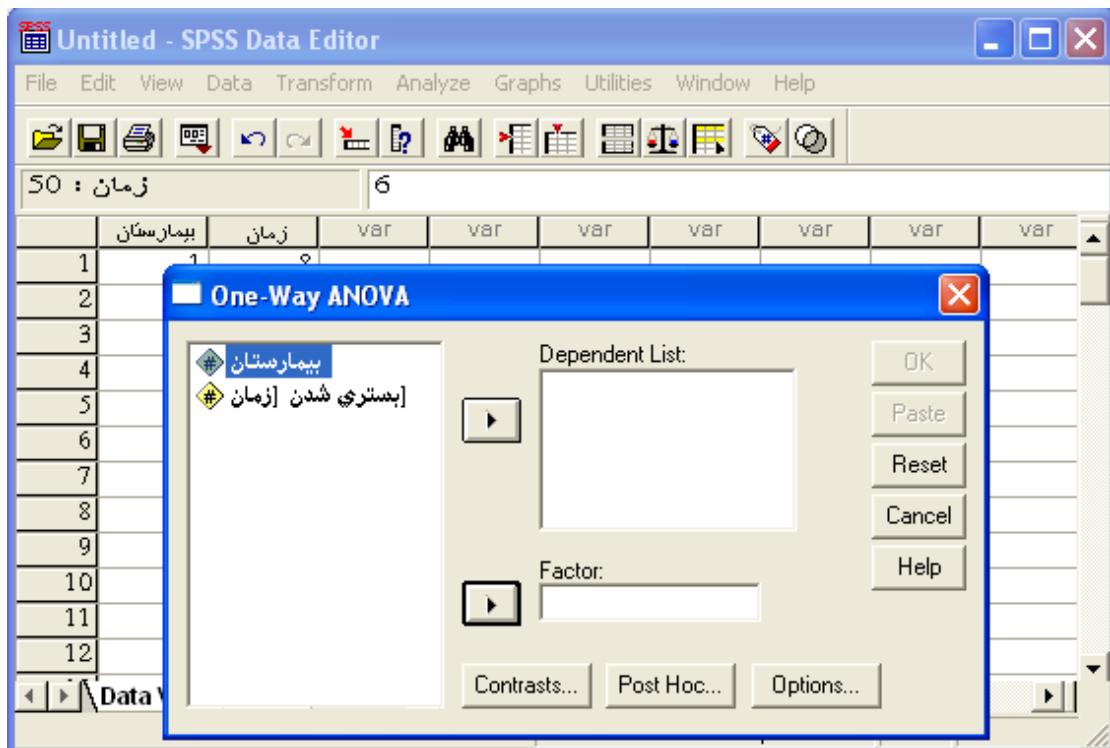
Reports Descriptive Statistics Tables

Compare Means General Linear Model Mixed Models Correlate Regression Loglinear Classify Data Reduction Scale Nonparametric Tests Time Series Survival Multiple Response Missing Value Analysis... Complex Samples

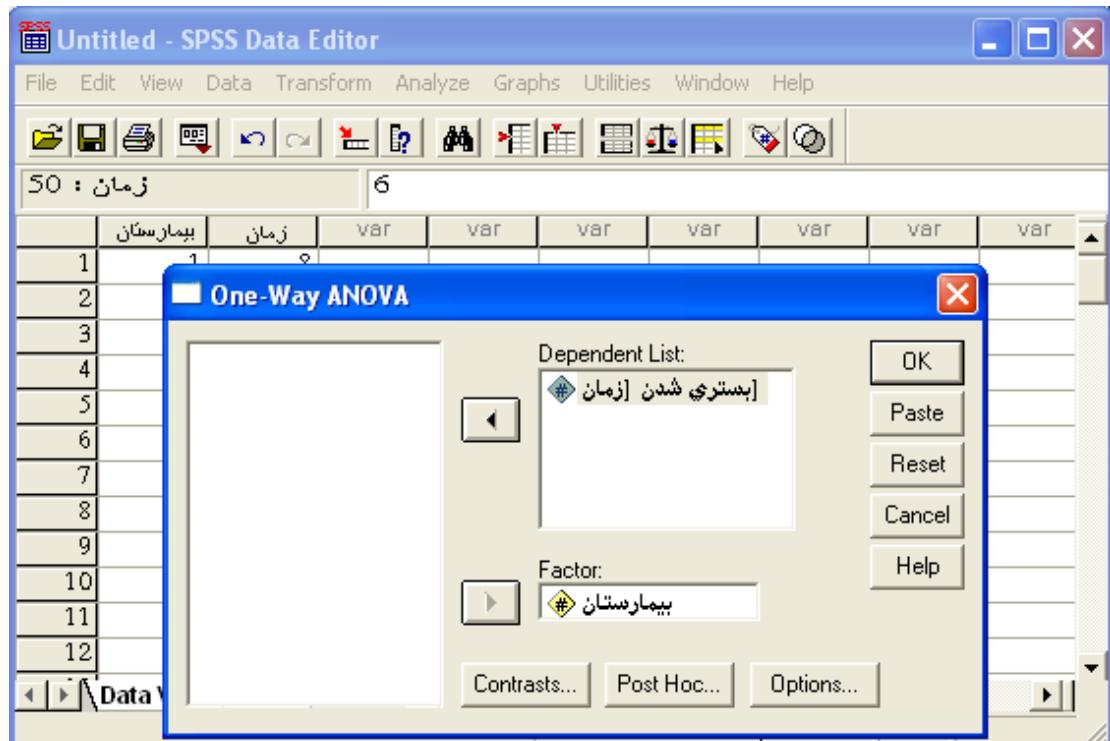
Means... One-Sample T Test... Independent-Samples T Test... Paired-Samples T Test... One-Way ANOVA...

One-Way ANOVA SPSS Processor is ready

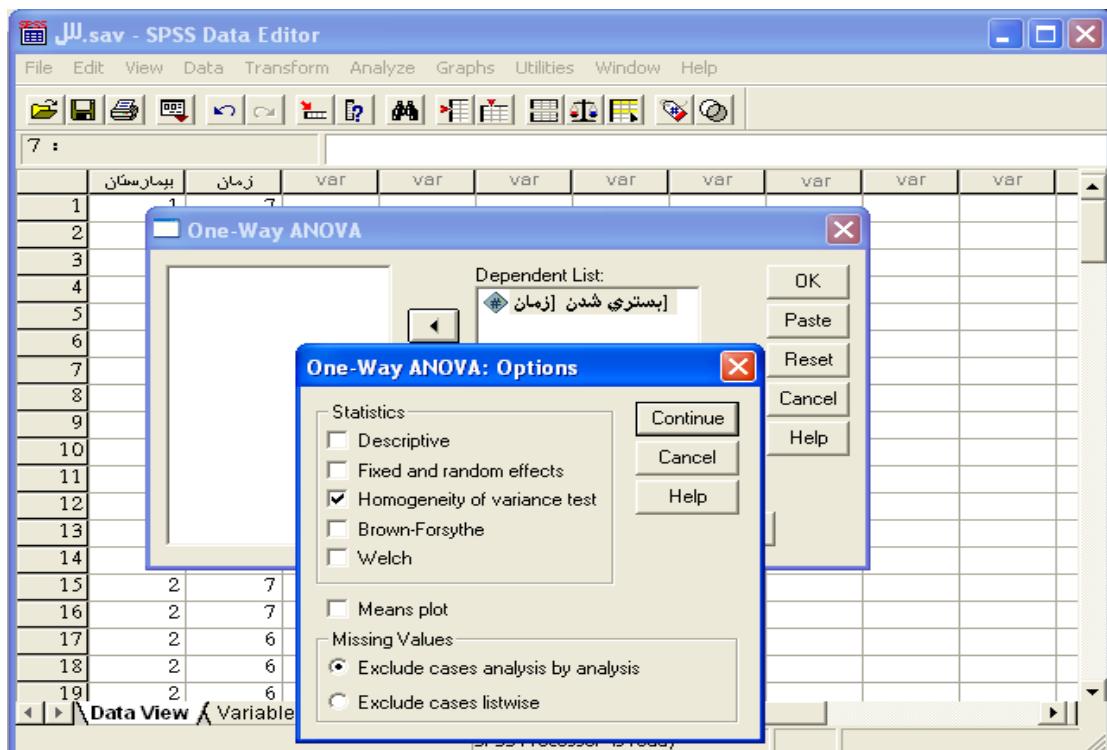




سپس با کلیک کردن بر روی دو متغیر و با استفاده از مثلث های سیاه کوچک آنها را به مستطیلهای سمت راست منتقل می کنیم .



قبل از اینکه بر روی کلمه **ok** کلیک کنیم برای بررسی اینکه آیا بین واریانس های (مدت زمان بستり شدن بیماران) ۵ بیمارستان تفاوت وجود دارد یا خیر بر روی کلمه **option** کلیک می کنیم تا پنجره زیر باز شود.



در پنجره **Homogeneity of variance test** گزینه **One-Way ANOVA:Option** را فعال کرده ، در ادامه ابتدا بر روی کلمه **Ok** و سپس **Continue** کلیک می کنیم تا خروجیهای زیر بدست آیند.

### آزمون همگنی واریانسها (جدول ۲)

#### Test of Homogeneity of Variances

بسترهی شدن

Levene Statistic	df1	df2	Sig.
1.344	4	45	.269

### آزمون برابری میانگینها (جدول ۳)

#### ANOVA

بسترهی شدن

	Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
Between Groups	141.680	4	35.420	20.646	.000
Within Groups	77.200	45	1.716		
Total	218.880	49			

نتایج بدست آمده از جدول ۲ نشان می دهد که در آزمون مقایسه بین واریانس‌های مدت زمان بستری شدن ۵ بیمارستان اختلاف معنی داری از نظر آماری وجود ندارد ( $P\text{-value} > 0.05$ ). اما نتایج بدست آمده از جدول ۳ نشان می دهد که میان میانگینهای مدت زمان بستری شدن ۵ بیمارستان اختلاف معنی داری وجود دارد. ( $P\text{-value} < 0.05$ ).

به دلیل اینکه داده ها نشان می دهنند که میانگینهای ۵ بیمارستان با هم تفاوت معنی داری دارند در نتیجه به دنبال اختلافها می باشیم.

بدين منظور مسیر بالا را دوباره تکرار می کنیم و به جای کلیک بر روی گزینه **Post Hoc** گزینه **One-Way ANOVA: Post Hoc Multiple Comparisons** را انتخاب می کنیم تا پنجره باز شود. در این پنجره انواع آزمونهایی را که می توانیم برای مقایسه میانگینها مورد استفاده قرار دهیم آورده شده است. این پنجره از دو بخش تقسیم شده است.

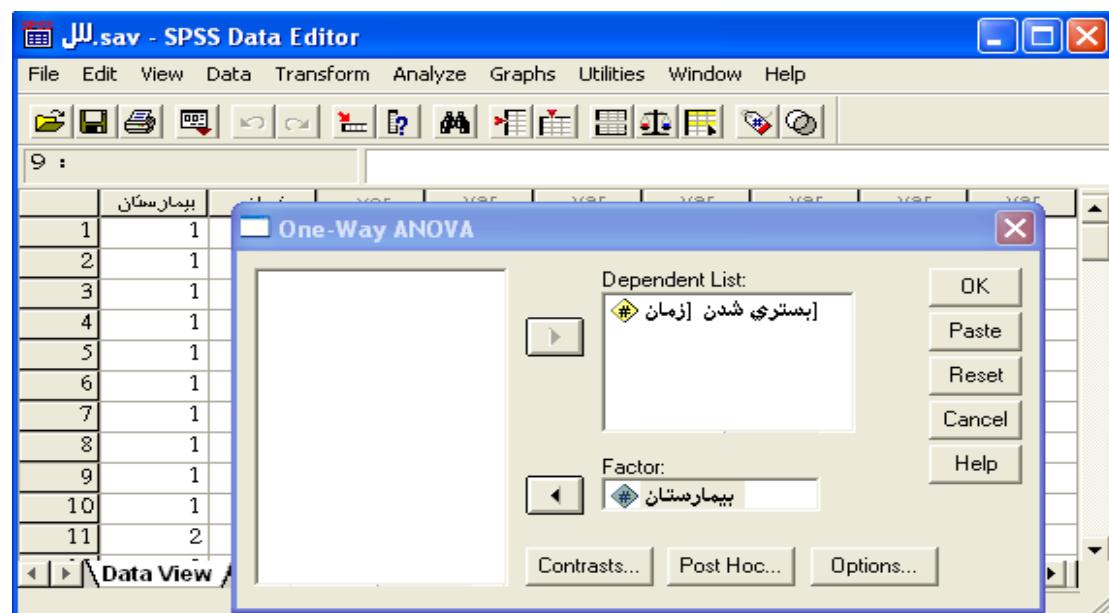
قسمت بالا مربوط به آزمونهای مورد استفاده در حالتی که واریانس جوامع تفاوتی نداشته باشند:

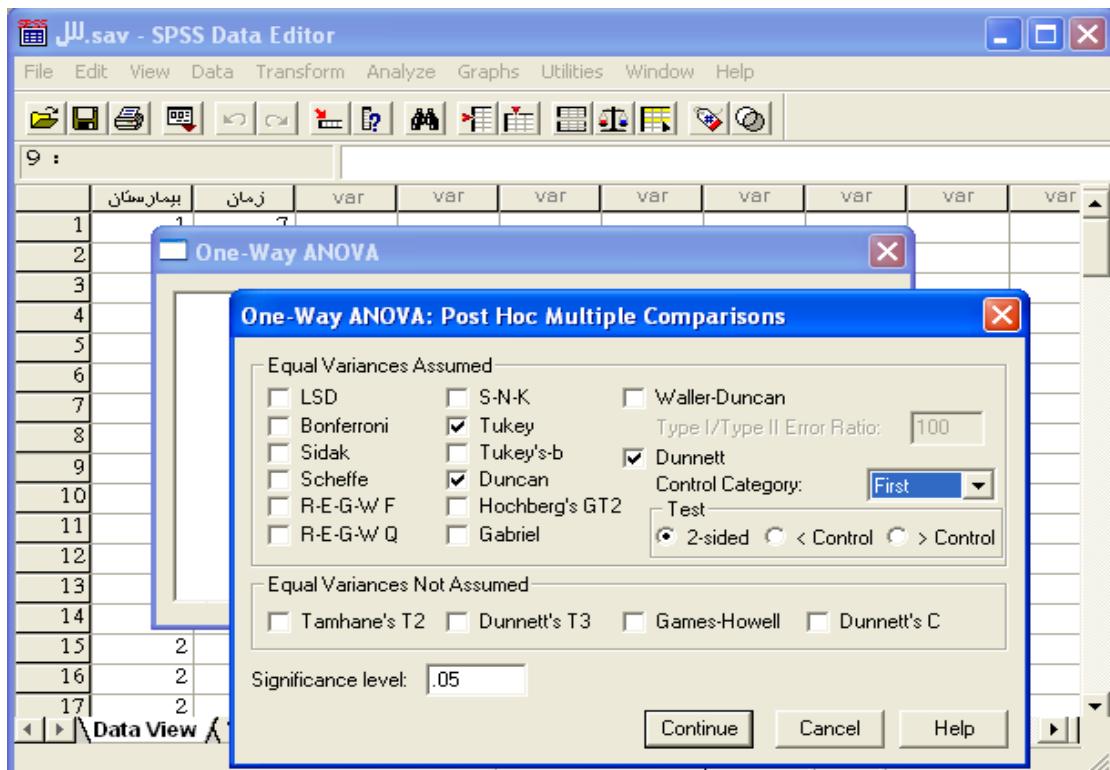
#### (Equal Variances Assumed)

قسمت پایین مربوط به آزمونهای مورد استفاده در حالتی که واریانس جوامع متفاوت باشند:

#### (Equal Variances Not Assumed)

در این مثال چون فرض همگنی واریانسها پذیرفته شد، به بیان دیگر فرض  $H_0$  که برابری واریانسها را مطرح می کند رد نشده شده است از آزمونهای بالایی استفاده می کنیم. در این قسمت چند مورد از مهمترین آزمونها را مورد بررسی قرار می دهیم.





در پنجره بالا در حالتی که واریانس گروهها با هم اختلاف معنی داری ندارند به طور نمونه سه آزمون متداول (Dunnett, Duncan, Tukey) را برای تجزیه و تحلیل آماری انتخاب می کنیم.

در مورد آزمون **Dunnett** این نکته را باید مورد توجه قرار داد که از میان یکی از گروهها (5 بیمارستان) یکی را به عنوان گروه کنترل (شاهد) در نظر می گیریم تا سایر گروهها را با آن بستجند. این گروه می توان گروه اول (**First**) یا گروه آخر (**Last**) باشد. انتخاب هر کدام از این گروهها به عنوان گروه اول یا آخر در نتایج تغییری ایجاد نمی کند. برای این کار با فعال کردن آزمون **Dunnett** گزینه **Control Category** فعال شده و در مربع روبروی آن گروه کنترل را انتخاب می کنیم. در مرحله بعد با کلیک بر روی **Continue** به پنجره قبلی می رویم و با کلیک بر روی **Ok** می توانیم خروجیهای مورد نظر را مشاهده کنیم.

## Post Hoc Tests

### Multiple Comparisons

Dependent Variable: بستره شدن

Dunnett t (2-sided)

بیمارستان (I) بیمارستان (J)	Mean Difference (I-J)	Std. Error	Sig.	95% Confidence Interval	
				Lower Bound	Upper Bound
B بیمارستان	.000	.603	1.000	-1.53	1.53
C بیمارستان	-1.800*	.603	.016	-3.33	-.27
D بیمارستان	2.800*	.603	.000	1.27	4.33
E بیمارستان	-1.800*	.603	.016	-3.33	-.27

\*. The mean difference is significant at the .05 level.

a. Dunnett t-tests treat one group as a control, and compare all other groups against it.

### Multiple Comparisons

Dependent Variable: پستری شدن

	(I) بیمارستان (J) بیمارستان	Mean Difference (I-J)	Std. Error	Sig.	95% Confidence Interval	
					Lower Bound	Upper Bound
Tukey HSD	A بیمارستان	.000	.603	1.000	-1.71	1.71
	B بیمارستان	1.800*	.603	.035	.09	3.51
	C بیمارستان	-2.800*	.603	.000	-4.51	-1.09
	D بیمارستان	1.800*	.603	.035	.09	3.51
	E بیمارستان	.000	.603	1.000	-1.71	1.71
	A بیمارستان	1.800*	.603	.035	.09	3.51
	B بیمارستان	-2.800*	.603	.000	-4.51	-1.09
	C بیمارستان	1.800*	.603	.035	.09	3.51
	D بیمارستان	.000	.603	1.000	-1.71	1.71
	E بیمارستان	-1.800*	.603	.035	-3.51	-.09
D	A بیمارستان	-1.800*	.603	.035	-3.51	-.09
	B بیمارستان	-4.600*	.603	.000	-6.31	-2.89
	C بیمارستان	.000	.603	1.000	-1.71	1.71
	D بیمارستان	2.800*	.603	.000	1.09	4.51
	E بیمارستان	2.800*	.603	.000	1.09	4.51
	A بیمارستان	4.600*	.603	.000	2.89	6.31
	B بیمارستان	4.600*	.603	.000	2.89	6.31
	C بیمارستان	-1.800*	.603	.035	-3.51	-.09
E	D بیمارستان	-1.800*	.603	.035	-3.51	-.09
	A بیمارستان	.000	.603	1.000	-1.71	1.71
	B بیمارستان	-4.600*	.603	.000	-6.31	-2.89

\*. The mean difference is significant at the .05 level.

### Homogeneous Subsets

پستری شدن

	بیمارستان	N	Subset for alpha = .05		
			1	2	3
Tukey HSD	C بیمارستان	10	5.10		
	E بیمارستان	10	5.10		
	A بیمارستان	10		6.90	
	B بیمارستان	10		6.90	
	D بیمارستان	10			9.70
	Sig.		1.000	1.000	1.000
Duncan	C بیمارستان	10	5.10		
	E بیمارستان	10	5.10		
	A بیمارستان	10		6.90	
	B بیمارستان	10		6.90	
	D بیمارستان	10			9.70
	Sig.		1.000	1.000	1.000

Means for groups in homogeneous subsets are displayed.

a. Uses Harmonic Mean Sample Size = 10.000.

برای نتیجه گرفتن درباره وضعیت برابری میانگینها از دو ستون 95% Confidence Interval و استفاده می کنیم. عدد مشاهده شده در ستون Sig معرف P-Value است آمده در آزمونها می باشد و چون آزمونها در سطح ۰،۰۵ مورد بررسی قرار می گیرند مبنای پذیرش یا عدم پذیرش آنها یعنی قبول یا رد فرض اولیه  $H_0$  مقایسه با مقدار ۰،۰۵ می باشد.

در آزمونهای یک دامنه اگر  $Sig < 0.05$  فرض اولیه  $H_0$  رد نمی شود و اگر  $Sig > 0.05$  فرض اولیه  $H_0$  رد نمی شود. اما در آزمونهای دو دامنه به جای ۰،۰۵ از ۰،۰۲۵ استفاده می شود.

هم ارز با ستون Sig ستون مربوط به فاصله اطمینان (95% Confidence Interval) است که نمایش دهنده یک فاصله اطمینان ۹۵ درصدی و همچنین تأییدی بر نتایج بدست آمده در ستون Sig می باشد.

اگر  $p$ -values بست آمده را با  $\alpha$  نشان دهیم رابطه زیر برقرار است:  
فاصله اطمینان =  $1 - \alpha$   
بنابراین وقتی مقدار  $\alpha$  یعنی سطح معنی داری برابر ۰،۰۵ باشد فاصله اطمینان ۹۵،۰ می شود.

این فاصله اطمینان یک حد پایین (L) و یک حد بالا (U) دارد و اگر عدد صفر را شامل شود ( $L < 0 < U$ ) نشاندهنده این است که فرض  $H_0$  یعنی برابری میانگینها رد نمی شود و این هم ارز  $Sig > 0.05$  می باشد و اگر این بازه شامل صفر نباشد هم ارز این است که فرض  $H_0$  یعنی برابری میانگینها رد می شود.

در خروجی مربوط به آزمون Dunnnett مشاهده می کنیم؛ بیمارستان A که به عنوان گروه کنترل در نظر گرفته شد با تک تک بیمارستانها از نظر میانگین مدت زمان بستری شدن مقایسه آماری شد و نتایج در جدول آورده شده است. در ستون مربوط به Sig که مقادیر P-Value است Sig < 0.025 را برای هر ازمون جداگانه نشان می دهد، هر جا Sig < 0.025 باشد نشان می دهد که فرض برابری دو میانگین رد شده است. به بیان دیگر بین میانگین مدت زمان بستری شدن برای دو بیمارستان تفاوت معنی داری وجود دارد. علت استفاده از Sig < 0.025 به جای ۰.۰۵ در این است که آزمون Dunnnett یک آزمون دو دامنه است (2-Side).

نتایج نشان می دهند که میانگین بیمارستان A با بیمارستان B تفاوت ندارد ( $Sig > 0.025$ ). اما میان میانگین بیمارستان A با میانگین سایر بیمارستانها تفاوت معنی داری وجود دارد ( $Sig < 0.025$ ).

در خروجی مربوط به آزمون Tukey تک تک بیمارستانها با هم مقایسه می شوند. در این آزمون به علت یک دامنه بودن هر کجا  $Sig < 0.05$  فرض برابری میانگینها رد می شود (به بیان دیگر بین میانگین مدت زمان بستری شدن دو بیمارستان از نظر آماری تفاوت معنی داری وجود دارد).

در خروجی مربوط به زیرمجموعه های همگن (Homogeneous Subsets) آزمونهای توکی و دانکن میانگینهایی که با هم تفاوت ندارند را در یک زیر گروه قرار می دهند. به طور معمول نتایج بدست آمده از آزمون ها هر کدام تأییدی بر نتیجه آزمون دیگر است. البته با توجه به درجه دقت آزمونها در بعضی مواقع ممکن است که نتیجه بدست آمده در یک آزمون با نتیجه بدست آمده در آزمون دیگر متفاوت باشد.

## آزمون ضریب همبستگی

### (Correlation) همبستگی

در بسیاری از موارد در انجام مطالعات تحقیقاتی به دنبال بررسی رابطه دو متغیر تصادفی می باشیم که هیچ کدام را نمی توان به عنوان علت برای دیگری انتخاب کرد. در اصل برای بررسی میزان هماهنگی میان دو متغیر به دنبال شاخصهایی می گردیم که در اصل دو ویژگی زیر را داشته باشند:

۱- به واحد دو جامعه وابسته باشد

۲- کراندار باشد

به طور مثال در تحولات اقتصادی به دنبال رابطه میان تقاضای نفت خام در برابر تقاضای طلا می باشیم. یا در مطالعه تحولات اجتماعی به دنبال رابطه درآمد سرپرست خانواده و میزان تحصیل فرزندان می باشیم و مثالهایی از این دست.....

مجموعه اطلاعات (داده های) موجود در انجام یک آزمون همبستگی که شامل اندازه های بدست آمده از دو متغیر  $X$  و  $Y$  می باشند را می توان به صورت یک نمونه تصادفی دو متغیره  $(X_1, Y_1), \dots, (X_n, Y_n)$  بیان کرد.

مطالعه رابطه بین متغیرها بواسیله ((تحلیل همبستگی)) Correlation Analysis) انجام می شود. که بیانگر وجود یک رابطه خطی بین دو متغیر می باشد.  
فرمول ضریب همبستگی به صورت زیر می باشد

$$r = \frac{Cov(X, Y)}{S_x S_y} = \frac{\sum \sum x_i y_i - n \bar{x} \bar{y}}{S_x S_y}$$

با توجه به مقدار  $r$  در حالت های مختلف تفسیرهای گوناگونی از رابطه  $X$  و  $Y$  خواهیم داشت.  
 $-1 < r < 1$

حالتهای مختلف برای  $r$

۱-  $r = 1$  در این حالت همبستگی کامل و مستقیم گوییم. با افزایش مقدار  $x$  مقدار  $y$  به طور قطعی زیاد می شود.

۲-  $r = -1$  در این حالت همبستگی را کامل و معکوس گوییم. با افزایش مقدار  $x$  مقدار  $y$  کاهش می یابد.

۳-  $-1 < r < 0$  همبستگی ناقص و معکوس است. با افزایش مقدار  $x$  مقدار  $y$  به طور نسبی کاهش می یابد.

۴-  $0 < r < 1$  همبستگی ناقص و مستقیم است. با افزایش مقدار  $x$  مقدار  $y$  به طور نسبی افزایش می یابد.

۵-  $r = 0$  رابطه خطی وجود ندارد. ( به طور مثال رابطه ممکن است از نوع درجه دو باشد)  
۶- شیب خط صفر می باشد.

## انواع ضریب همبستگی با توجه به نوع متغیرهای مورد مطالعه

- ۱- پیرسن : در این روش متغیر  $X$  و  $Y$  هر دو پیوسته می باشند. (در پنجره **Variable View** در ستون مربوط به مقیاسها (**Measure**) داده ها باید از نوع **Scale** انتخاب شوند).
- ۲- کندال : در این روش هر دو متغیر  $X$  و  $Y$  باید به صورت طبقه بندی شده باشد یعنی (**Ordinal,Nominal**) در پنجره **Variable View** در ستون مربوطه باید داده ها از نوع **Ordinal** انتخاب شوند).
- ۳- اسپیرمن : در این روش متغیر  $X$  گستته و متغیر  $Y$  پیوسته می باشد. (متغیر  $X$  در پنجره **Variable View** در ستون مربوطه باید از نوع **Ordinal** و متغیر  $Y$  از نوع **Scale** انتخاب شوند).

در آزمونهای بالا متغیر  $X$  را به عنوان متغیر مستقل و متغیر  $Y$  را به عنوان متغیر واپسیه در نظر می گیریم.  
 - نکته: در بعضی مواقع می توانیم با طبقه بندی داده های پیوسته آنها را به صورت طبقه بندی شده در آوریم .  
 به طور مثال اگر بخواهیم تأثیر درآمد خانواده را بر روی معدل فرزندان بررسی کنیم به دلیل اینکه درآمد و معدل هر دو متغیر پیوسته می باشد باید از ضریب همبستگی پیرسن استفاده کنیم. اما می توانیم با تقسیم بندی درآمد به طور مثال به سه گروه کم درآمد، متوسط و پر درآمد از ضریب همبستگی اسپیرمن استفاده کنیم.

در آزمونهای همبستگی یک طرفه فرضهای زیر بررسی می شوند.

$$1 \begin{cases} H_0 : r = 0 \\ H_1 : r > 0 \end{cases} \quad 2 \begin{cases} H_0 : r = 0 \\ H_1 : r < 0 \end{cases}$$

جهت نامساوی با توجه به برآورد نمونه ای  $r$  تعیین می شوند. اگر  $r$  مثبت باشد آزمون ۱ و اگر منفی باشد از آزمون ۲ استفاده می کنیم.

مثال

در جدول زیر میزان معدل دانش آموزان و میزان تحصیلات آنها آمده است. هدف تعیین میزان همبستگی و نوع ارتباط معدل با میزان تحصیلات مادر می باشد

تحصیلات معدل	(۱) زیر دیپلم	(۲) دیپلم	(۳) فوق دیپلم	(۴) لیسانس و بالاتر
(۱) زیر ۱۲	۱۰	۷	۶	۲
۱۲-۱۵ (۲)	۱۲	۷	۵	۵
۱۵-۱۷ (۳)	۵	۴	۶	۱۰
۱۷-۲۰ (۴)	۵	۷	۱۰	۱۲

وقتی در نرم افزار Spss داده ها را به صورت رتبه ای مشخص کردیم می توانیم در تجزیه و تحلیلها تفسیر راحتی از خروجیها داشته باشیم.

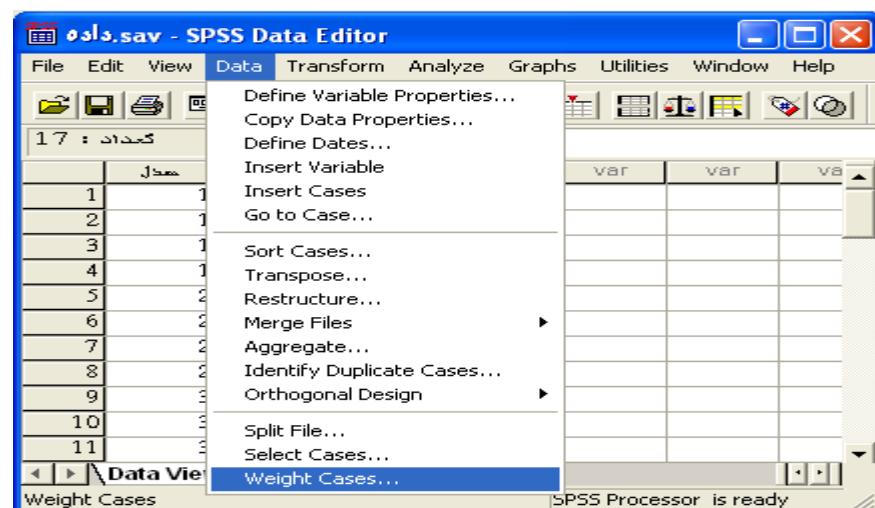
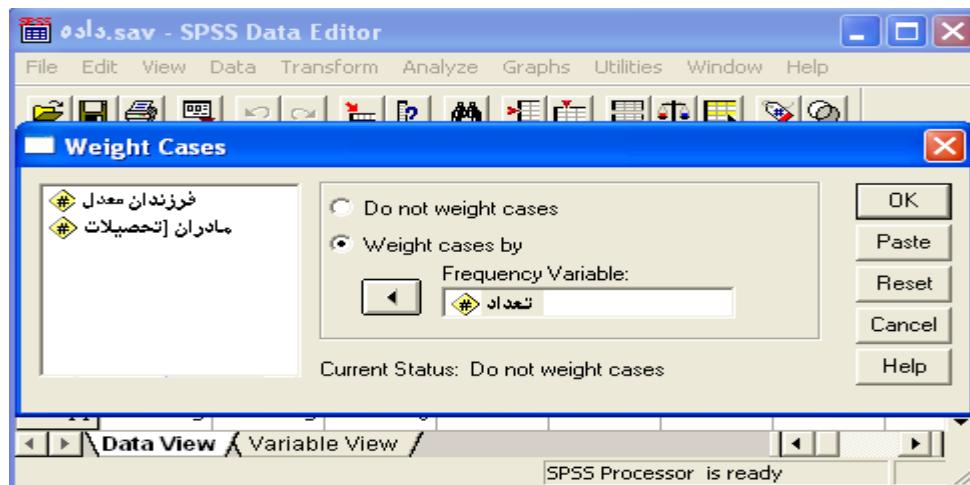
به مانند مثال قبلی در پنجره **Variable View** دو متغیر معدل و تحصیلات را وارد می کنیم و ستونها را متناسب با نوع متغیرها تنظیم می کنیم. در ستون **Values** با توجه به کدهایی که در جدول بالا داده شده است متغیرها را معرفی می کنیم.

	Name	Type	Width	Decim	Insert Cases	Label	Values	Missing	Columns	Align	Measur
1	معدل	Numeric	8	0		فرزندان	{[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20]}	None	8	Right	Ordinal
2	تحصیلات	Numeric	8	0		مادران	{[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20]}	None	8	Right	Ordinal
3	تعداد	Numeric	8	0			None	None	8	Right	Scale
4											

سپس داده را به صورت زیر در پنجره **Data View** وارد می کنیم

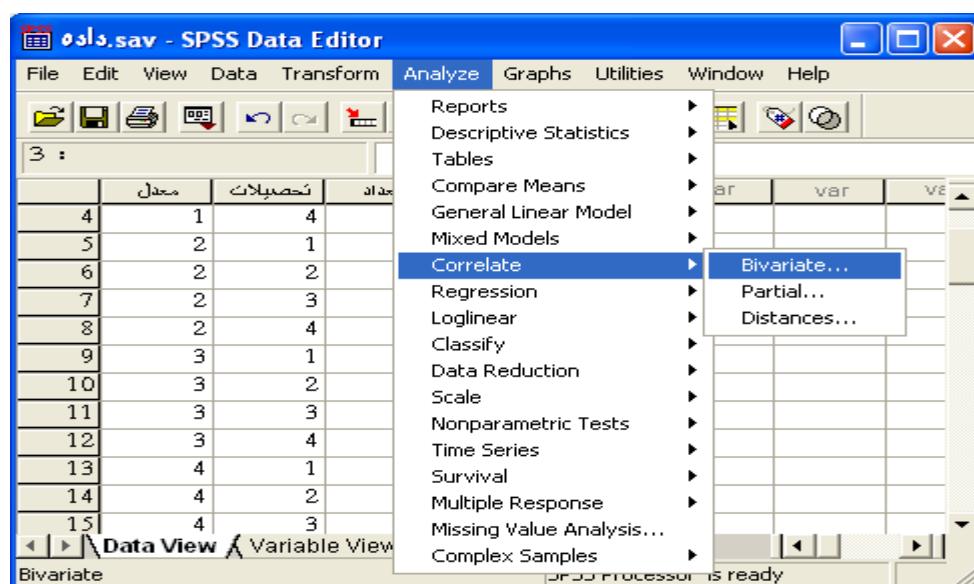
	معدل	تحصیلات	تعداد	var	var	var	var
1	1	1	10				
2	1	2	7				
3	1	3	6				
4	1	4	2				
5	2	1	12				
6	2	2	7				
7	2	3	5				
8	2	4	5				
9	3	1	5				
10	3	2	4				
11	3	3	6				

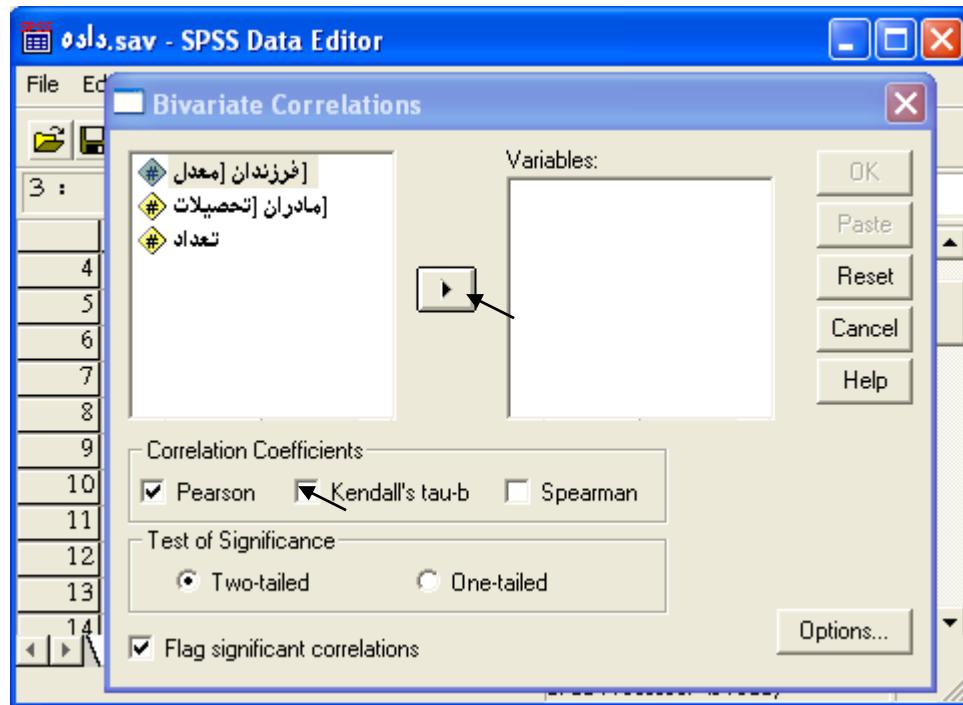
برای اینکه مشخص کنیم ستون تعداد معرف فراوانی هایی هست که به دو متغیر سن و تحصیلات نسبت داده شده است و از نوع اندازه گیری شده نمی باشد باید دو ستون تحصیلات و سن توسط ستون تعداد وزن دار شود. برای این کار به صورت زیر عمل می کنیم.



با کلیک بر روی کلمه Ok داده ها بوسیله ستون تعداد، وزن دار می شوند. سپس مسیر زیر را انتخاب می کنیم باز شود.

Bivariate Correlation





با بردن دو متغیر سن فرزندان و تحصیلات مادران به مربع سمت راستی (**Variable**) و انتخاب ضریب همبستگی متناسب با داده ها، در این سوال (فعال کردن گزینه **Kendall's tau-b** در قسمت **Correlation Coefficients** و انتخاب نوع آزمون (یک طرفه بودن (یک دامنه) یا دو طرفه بودن(دو دامنه) در قسمت **Test of significance** و انتخاب نوع آزمون (یک طرفه بودن (یک دامنه) یا دو طرفه بودن(دو دامنه) در قسمت **Test of significance** با کلیک کردن بر روی **Ok** خروجیهای مربوط به آزمون را به صورت زیر مشاهده کرد.

### Correlations

		فرزندان	مادران
Kendall's tau_b	Correlation Coefficient	1.000	.260**
	Sig. (2-tailed)	.	.001
	N	113	113
مادران	Correlation Coefficient	.260**	1.000
	Sig. (2-tailed)	.001	.
	N	113	113

\*\*. Correlation is significant at the 0.01 level (2-tailed).

مقدار **P-Values** بدست آمده برابر است ۱ ،۰۰۰ می باشد که با توجه به دو دامنه بودن آزمون (**2-tailed**) با ۰،۰۲۵ مقایسه می شود و چون  $P < 0.025$  می باشد نتیجه می شود که یک نوع رابطه بین معدل دانش آموزان و تحصیلات مادران آنها وجود دارد و چون  $r = 0.260$  بدست آمده است و  $0 < r < 1$  می باشد نتیجه می گیریم که همبستگی از نوع مستقیم و ناقص می باشد و اینگونه تفسیر می شود که با افزایش تحصیلات مادران (با رفتن از کد ۱ به سمت کد ۴) معدل دانش آموزان نیز (با رفتن از کد ۱ به سمت کد ۴) افزایش پیدا می کند و نشان دهنده نقش موثر و مثبت تحصیل مادر بر بالا بردن کیفیت تحصیلی فرزندانشان می باشد. در این مثال اگر تک تک معدلها را به همراه نوع مدرک مادر در اختیار داشتیم، در یک ستون نوع مدرک و در ستون دیگر داده های پیوسته معدل را وارد می کردیم و برای انجام آزمون از ضریب همبستگی اسپیرمن استفاده می کردیم.